



Your Personal Exams Guide



NDA



CDS



SSC CGL



CBSE UGC NET



IAS



SSC CHSL



CTET



MPSC



AFCAT



CSIR UDC NET



IBPS PO



UP POLICE



SSC MTS



SBI PO



BPSC



UP TET



IBPS RRB



IBPS CLERK



IES



UPSC CAPF



SSC Stenogr..



RRB NTPC



SSC GD



RBI GRADE B



RBI Assistant



DSSSB

SSC CGL 2018 Tier-II (Quant) Previous Year Paper (13-Sep-2019)

Total Time: 2 Hour

Total Marks: 200

Instructions

Sl No.	Section Name	No. of Question	Maximum Marks
1	Quantitative Aptitude	100	200

- 1.) A total of 120 minutes is allotted for the examination.
- 2.) The server will set your clock for you. In the top right corner of your screen, a countdown timer will display the remaining time for you to complete the exam. Once the timer reaches zero, the examination will end automatically. The paper need not be submitted when your timer reaches zero.
- 3.) There will, however, be sectional timing for this exam. You will have to complete each section within the specified time limit. Before moving on to the next section, you must complete the current one within the time limits.

Your Personal Exams Guide

Quantitative Aptitude

1. P और Q एक पोल के दोनों ओर ज़मीन पर दो बिंदु हैं। P और Q से देखे गए पोल के ऊपर के उन्नयन कोण क्रमशः 60° और 30° हैं और उनके बीच की दूरी $84\sqrt{3}$ मीटर है। पोल की ऊँचाई (मीटर में) क्या है? (+2, -0.5)

- a. 60
- b. 52.5
- c. 73.5
- d. 63

2. यदि 3^{61284} को 5 से विभाजित करने पर शेष x प्राप्त होता है और 4^{96} को 6 से विभाजित करने पर शेष y प्राप्त होता है, तो $(2x - y)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 2
- b. -4
- c. -2
- d. 4

3. $\frac{(\sin \theta - \cos \theta)(1 + \tan \theta + \cot \theta)}{1 + \sin \theta \cos \theta}$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. $\sec \theta - \operatorname{cosec} \theta$
- b. $\tan \theta - \cot \theta$
- c. $\operatorname{cosec} \theta - \sec \theta$
- d. $\sin \theta + \cos \theta$

4. अपनी सामान्य गति से 60% पर चलते हुए, एक आदमी 1 घंटे 40 मिनट की देरी से अपने गंतव्य पर पहुंचता है। गंतव्य तक पहुंचने के लिए उसका सामान्य समय (घंटों में) कितना होगा? (+2, -0.5)

- a. $3\frac{1}{4}$
- b. $3\frac{1}{8}$
- c. $2\frac{1}{4}$
- d. $2\frac{1}{2}$

5. $\sin^2 64^\circ + \cos 64^\circ \sin 26^\circ + 2 \cos 43^\circ \operatorname{cosec} 47^\circ$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 3
- b. 2
- c. 4
- d. 1

6. $(1 + \cot \theta - \operatorname{cosec} \theta) (1 + \cos \theta + \sin \theta) \sec \theta =$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. -2
- b. $\sin \theta \cos \theta$
- c. $\sec \theta \operatorname{cosec} \theta$
- d. 2

7. एक वृत्त के केंद्र के एक ही ओर दो समानांतर जीवाएँ 12 सेमी और 20 सेमी लंबी हैं और वृत्त की त्रिज्या $5\sqrt{13}$ सेमी है। जीवाओं के बीच की दूरी (सेमी में) कितनी है? (+2, -0.5)

- a. 2
- b. 3
- c. 2.5
- d. 1.5

8. एक खोखले अर्धगोलीय बर्तन का आंतरिक व्यास 24 सेमी है। यह एक स्टील की चादर से बना हुआ है, जो 0.5 सेमी मोटी है। इस बर्तन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल (सेमी² में) कितना है? (+2, -0.5)

- a. 600.2π
- b. 612.75π
- c. 600.5π
- d. 468.75π

9. A एक-तिहाई कार्य को 15 दिन में पूरा कर सकता है, B उसी कार्य के 75% को 18 दिन में पूरा कर सकता है और C उसी कार्य को 36 दिन में पूरा कर सकता है। B और C साथ में 8 दिन कार्य कर सकते हैं। A कितने दिन में शेष कार्य को अकेले पूरा कर पाएगा? (+2, -0.5)

- a. 24 दिन
- b. 20 दिन
- c. 16 दिन
- d. 18 दिन

10. तेल के मूल्य में 20% की वृद्धि होती है। हालाँकि, इसकी खपत में $8\frac{1}{3}\%$ की कमी आती है। इसके व्यय में प्रतिशत वृद्धि या कमी क्या है? (+2, -0.5)

- a. 5% की वृद्धि
- b. 5% की कमी
- c. 10% की कमी
- d. 10% की वृद्धि

11. $\triangle ABC$ में D, BC पर एक बिंदु है। AB को E तक बढ़ाया जाता है और AC को F तक बढ़ाया जाता है। एक वृत्त DEF से होकर गुजरता है जहाँ $AB = 10$ सेमी, $AC = 8.6$ सेमी और $BC = 6.4$, तो $BE = ?$ (+2, -0.5)

- a. 3.5 सेमी
- b. 3.2 सेमी
- c. 2.5 सेमी
- d. 2.2 सेमी

12. $\triangle ABD$ में, C, BD का मध्यबिंदु है, यदि $AB = 10$ सेमी, $AD = 12$ सेमी और $AC = 9$ सेमी है, तो $BD = ?$ (+2, -0.5)

- a. $2\sqrt{10}$ सेमी
- b. $\sqrt{10}$ सेमी
- c. $\sqrt{41}$ सेमी
- d. $2\sqrt{41}$ सेमी

13. एक समूह में 120 छात्रों की औसत आयु 13.56 वर्ष है। कुल छात्रों में से 35% लड़कियाँ हैं और शेष लड़के हैं। यदि लड़के और लड़कियों की औसत आयु का अनुपात 6: 5 है, तो लड़कियों की औसत आयु (वर्षों में) क्या है? (+2, -0.5)

a. 11.6

b. 10

c. 12

d. 14.4

14. यदि $\triangle ABC$ में, AB और BC पर क्रमशः दो बिंदु D और E इस प्रकार हैं कि $DE \parallel AC$ है, और $AD : AB = 3 : 8$ है, तो $(\triangle BDE \text{ का क्षेत्रफल}) : (\text{चतुर्भुज DECA का क्षेत्रफल}) = ?$ (+2, -0.5)

a. 9 : 64

b. 9 : 55

c. 8 : 13

d. 25 : 39

15. माना $x = \sqrt[3]{27} - \sqrt{6\frac{3}{4}}$ और $y = \frac{\sqrt{45} + \sqrt{605} + \sqrt{245}}{\sqrt{80} + \sqrt{125}}$, तो $x^2 + y^2$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

a. 223/36

b. 227/9

c. 221/36

d. 221/9

16. यदि $\triangle PQR$ में, $\angle P = 120^\circ$, S पर $PS \perp QR$ है और $PQ + QS = SR$ है, तो $\angle Q$ की माप होगी: (+2, -0.5)

a. 30°

b. 40°

c. 20°

d. 50°

17. यदि x के आधे हिस्से के 25% का मान y के एक-चौथाई हिस्से के 30% के मान के 2.5 गुना के बराबर है, तो x का y से अधिक या कम होने का प्रतिशत क्या है? (+2, -0.5)

a. 50% कम

b. $33\frac{1}{3}\%$ कम

c. $33\frac{1}{3}\%$ अधिक

d. 50% अधिक

18. 28 रुपये प्रति किग्रा मूल्य वाले नमक की कितनी मात्रा को 16 रुपये प्रति किग्रा वाले 39.6 किग्रा नमक के साथ मिलाया जाना चाहिए, जिससे परिणामी मिश्रण को 29.90 रुपये में बेचने पर 15% का लाभ अर्जित हो? (+2, -0.5)

a. 138

b. 198

c. 200

d. 130

19. $\frac{2(\sin^6 \theta + \cos^6 \theta) - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{\cos^4 \theta - \sin^4 \theta - 2\cos^2 \theta}$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

a. 2

b. -2

c. -1

d. 1

20. $\frac{(4.6)^4 + (5.4)^4 + (24.84)^2}{(4.6)^2 + (5.4)^2 + 24.84}$ का मान है: (+2, -0.5)

a. 25.42

b. 24.24

c. 25.48

d. 24.42

21. एक कार्यालय में, कर्मचारियों की कुल संख्या के $\frac{5}{8}$ पुरुष हैं और शेष महिलाएँ हैं, कुल पुरुषों की संख्या के $\frac{2}{5}$ गैर-तकनीकी कर्मचारी हैं जबकि महिलाओं की संख्या के $\frac{2}{3}$ तकनीकी कर्मचारी हैं। कर्मचारियों की कुल संख्या में से कितने तकनीकी कर्मचारी हैं? (+2, -0.5)

a. $\frac{5}{8}$

b. $\frac{2}{5}$

c. $\frac{1}{2}$

d. $\frac{3}{8}$

22. सुधा 80 वस्तुएं समान मूल्य पर खरीदती है। वह उनमें से कुछ को 8% के लाभ और शेष को 12% की हानि पर बेचती है जिससे उसे कुल 6% का लाभ होता है। 8% लाभ पर बेची गयी वस्तुओं की संख्या क्या है? (+2, -0.5)

a. 70

b. 60

c. 72

d. 64

23. एक वस्तु का अंकित मूल्य 1500 रु. है। यदि अंकित मूल्य पर, प्रत्येक $x\%$ का दो क्रमागत छूट 587.40 रु. के एकल छूट के बराबर है, तो वस्तु का विक्रय मूल्य क्या होगा यदि $x\%$ का एकल छूट अंकित मूल्य पर दिया गया है? (+2, -0.5)

- a. 1,200 रु.
- b. 1,170 रु.
- c. 1,155 रु.
- d. 1,025 रु.

24. एक परीक्षा में, A ने B की तुलना में 10% अधिक अंक प्राप्त किए हैं, B ने C की तुलना में 20% अधिक अंक प्राप्त किए हैं, और C ने D की तुलना में 32% कम अंक प्राप्त किए हैं। यदि A ने C से 272 अधिक अंक प्राप्त किए हैं, तो B द्वारा प्राप्त किए गए अंक हैं: (+2, -0.5)

- a. 952
- b. 816
- c. 850
- d. 1020

25. जब $(127^{97} + 97^{97})$ को 32 से विभाजित किया जाता है तो शेषफल क्या है? (+2, -0.5)

- a. 2
- b. 7
- c. 0
- d. 4

26. एक वस्तु को 14% के लाभ पर बेचा जाता है। यदि इसे 121 रुपये कम में बेचा जाता, तो 8% की हानि होती है। यदि समान वस्तु को 536.25 रुपये में बेचा जाता, तो लाभ/हानि प्रतिशत कितना होगा? (+2, -0.5)

- a. हानि, 2.5%
- b. लाभ, 2.5%
- c. लाभ, 5%
- d. हानि, 5%

27. दो धनात्मक संख्याओं के बीच अंतर 2001 है। जब बड़ी संख्या को छोटी संख्या से विभाजित किया जाता है, तो भागफल 9 और शेषफल 41 प्राप्त होता है। बड़ी संख्या के अंकों का योगफल क्या है? (+2, -0.5)

- a. 15
- b. 14
- c. 11
- d. 10

28. एक सम पिरामिड का आधार एक समबाहु त्रिभुज है, जिसका क्षेत्रफल $16\sqrt{3}$ सेमी² है। यदि इसके पार्श्व फलकों में से एक का क्षेत्रफल 30 सेमी² है, तो इसकी ऊंचाई (सेमी में) होगी: (+2, -0.5)

- a. $\sqrt{\frac{209}{12}}$
- b. $\sqrt{\frac{739}{12}}$
- c. $\sqrt{\frac{643}{12}}$
- d. $\sqrt{\frac{611}{12}}$

29. एक त्रिभुज की भुजाएँ 12 सेंटीमीटर, 35 सेंटीमीटर और 37 सेंटीमीटर हैं। परिवृत्त की त्रिज्या क्या है? (+2, -0.5)

- a. 19 सेंटीमीटर
- b. 17.5 सेंटीमीटर
- c. 17 सेंटीमीटर
- d. 18.5 सेंटीमीटर

30. 18 संख्याओं का औसत 37.5 है। यदि x औसत वाली छह संख्याओं को उसमें जोड़ा जाता है, तो सभी संख्याओं के औसत में 1 की वृद्धि होती है। x का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 41.5
- b. 40
- c. 42
- d. 38.5

31. यदि $2\cos^2\theta + 3\sin\theta = 3$ है, जहाँ $0^\circ < \theta < 90^\circ$, तो $\sin^2 2\theta + \cos^2\theta + \tan^2 2\theta + \operatorname{cosec}^2 2\theta$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. $35/12$
- b. $29/6$
- c. $35/6$
- d. $29/3$

32. पाइप A और पाइप B भरने वाले जबकि पाइप C एक खाली करने वाला पाइप है। A और B क्रमशः 72 और 90 मिनट में एक टैंक को भर सकते हैं। जब तीनों पाइप एक साथ खोले जाते हैं, तो यह टैंक 2 घंटे में

(+2, -0.5)

भर जाता है। A और B को 12 मिनट के लिए एक साथ खोला जाता है, फिर बंद कर दिया जाता है और C को खोला दिया जाता है। यह टैंक कितने समय में खाली हो जाएगा?

- a. 18 मिनट
- b. 16 मिनट
- c. 15 मिनट
- d. 12 मिनट

33. समीकरण $x + y = 3$, $2x + 5y = 12$ और $x -$ अक्ष के आलेखों द्वारा संलग्न त्रिकोणीय क्षेत्र का क्षेत्रफल $(+2, -0.5)$ (वर्ग इकाई में) क्या है?

- a. 3
- b. 6
- c. 4
- d. 2

34. A, B और C एक व्यवसाय प्रारंभ करते हैं। A के निवेश का तीन गुना B के निवेश के दोगुने के बराबर है और साथ ही C के निवेश का चार गुना के बराबर है। यदि कुल लाभ में C का हिस्सा 4,863 रुपये है, तो लाभ में A का हिस्सा क्या है? $(+2, -0.5)$

- a. 8,105 रुपये
- b. 9,726 रुपये
- c. 7,272 रुपये
- d. 6,484 रुपये

35. $\angle A$ का द्विभाजक, $\triangle ABC$ BC से D पर मिलता है। यदि $AB = 15$ सेमी, $AC = 13$ सेमी और $BC = 14$ सेमी, तो $DC = ?$ (+2, -0.5)

- a. 6.5 सेमी
- b. 8 सेमी
- c. 7.5 सेमी
- d. 8.5 सेमी

36. एक बर्तन में अम्ल और पानी का 32 लीटर विलयन है, जिसमें अम्ल और पानी का अनुपात 5 : 3 है, यदि 12 लीटर विलयन को बाहर निकाला जाता है और इसमें $7\frac{1}{2}$ लीटर पानी मिलाया जाता है, तो परिणामी विलयन में अम्ल और पानी का अनुपात ज्ञात कीजिये? (+2, -0.5)

- a. 8 : 11
- b. 5 : 6
- c. 4 : 9
- d. 4 : 7

37. 12 सेंटीमीटर आधार त्रिज्या और 15 सेंटीमीटर ऊँचाई वाले एक बेलन को पिघलाया जाता है और उसे n खिलौनों में बनाया जाता है जिनमें प्रत्येक खिलौना 3 सेंटीमीटर त्रिज्या वाले अर्धगोला पर स्थित 9 सेंटीमीटर ऊँचाई वाले लंब वर्तुल शंकु के आकर में है। n का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 54
- b. 27
- c. 64
- d. 48

38. 2.8 मी त्रिज्या वाला 15 मी गहरा एक कुआं खोदा जाता है और उससे निकली मिट्टी को 8 मी चौड़ाई और 1.5 मी ऊंचाई वाला एक प्लेटफार्म बनाने के लिए बराबर फैलाया जाता है। प्लेटफार्म की लंबाई क्या होगी? $(\pi = 22/7$ लीजिये) (+2, -0.5)

- a. 30.2 मी
- b. 30.8 मी
- c. 28.8 मी
- d. 28.4 मी

39. यदि $5\sqrt{5}x^3 + 2\sqrt{2}y^3 = (Ax + \sqrt{2}y)(Bx^2 + 2y^2 + Cxy)$ है, तो $(A^2 + B^2 - C^2)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 40
- b. 15
- c. 30
- d. 20

40. यदि एक नियमित बहुभुज के प्रत्येक बाह्य कोण की माप $(51\frac{3}{7})^\circ$ है, तो इसके विकर्णों की संख्या और इसकी भुजाओं की संख्या का अनुपात है: (+2, -0.5)

- a. 13 : 6
- b. 3 : 1
- c. 5 : 2
- d. 2 : 1

41. एक व्यक्ति A से B तक कुल दूरी का 40% 8 किलोमीटर/घंटा की गति से, शेष दूरी का 40% 9 किलोमीटर/घंटा की गति से और शेष दूरी 12 किलोमीटर/घंटा की गति से तय करता है। पूरे सफर में उसकी औसत गति (किलोमीटर/घंटा में) क्या है? (+2, -0.5)

- a. $9\frac{5}{8}$
- b. $9\frac{2}{3}$
- c. $9\frac{3}{8}$
- d. $9\frac{1}{3}$

42. $\triangle ABC$ में, D और E क्रमशः AB और AC पर दो बिंदु इस प्रकार हैं कि $AD \times AC = AB \times AE$ है। यदि $\angle ADE = \angle ACB + 30^\circ$ और $\angle ABC = 78^\circ$ है तो $\angle A = ?$ (+2, -0.5)

- a. 56°
- b. 48°
- c. 54°
- d. 68°

43. $\frac{\sin \theta + \cos \theta - 1}{\sin \theta - \cos \theta + 1} \times \frac{\tan^2 \theta (\operatorname{cosec}^2 \theta - 1)}{\sec \theta - \tan \theta}$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. $1/2$
- b. -1
- c. 1
- d. 0

44. $2\frac{2}{5}$ वर्षों में 15% प्रतिवर्ष चक्रवृद्धि पर एक निश्चित राशि 4,205.55 रुपए हो जाती है, जो वार्षिक रूप से संयोजित होता है। राशि ज्ञात कीजिये? (+2, -0.5)

- a. 3,500 रुपये
- b. 3,200 रुपये
- c. 2,700 रुपये
- d. 3,000 रुपये

45. दो संख्याएँ 3 : 5 के अनुपात में हैं। यदि प्रत्येक संख्या में 13 का घटाव किया जाता है, तो नई संख्याएँ 10 : 21 के अनुपात में हैं। यदि प्रत्येक मूल संख्या में 15 का योग किया जाता है तो अनुपात क्या होगा? (+2, -0.5)

- a. 23 : 33
- b. 4 : 5
- c. 24 : 35
- d. 5 : 7

46. 10,500 रुपये की धनराशि $3\frac{4}{5}$ वर्षों में एक निश्चित साधारण ब्याज दर पर 13,825 रुपये हो जाती है। समान धनराशि पर 5 वर्षों में पहले से दोगुनी ब्याज दर पर साधारण ब्याज क्या होगा? (+2, -0.5)

- a. 8,670 रुपये
- b. 8,470 रुपये
- c. 8,560 रुपये
- d. 8,750 रुपये

47. समीकरण $5x - 2y + 1 = 0$ और $4y - 3x + 5 = 0$ के ग्राफ एक-दूसरे को बिंदु $p(\alpha, \beta)$ पर प्रतिच्छेदित करते हैं। $(2\alpha - 3\beta)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. -3
- b. 6
- c. -4
- d. 4

48. यदि $\frac{3(x^2+1)-7x}{3x} = 6$, $x \neq 0$ है, तो $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ का मान है: (+2, -0.5)

- a. $\sqrt{\frac{11}{3}}$
- b. $\sqrt{\frac{25}{3}}$
- c. $\sqrt{\frac{31}{3}}$
- d. $\sqrt{\frac{35}{3}}$

49. एक व्यक्ति ने साधारण ब्याज की एक निश्चित दर पर 25,000 रुपये के एक-चौथाई हिस्से का निवेश किया और शेष 4% उच्च दर पर निवेश किया। यदि 2 वर्षों के लिए प्राप्त कुल ब्याज 4,125 रुपये है, तो वह दर क्या है जिस पर दूसरी राशि का निवेश किया गया था? (+2, -0.5)

- a. 9.5%
- b. 9.25%
- c. 5.25%
- d. 7.5%

50. $ab(a - b) + bc(b - c) + ca(c - a)$ का मान क्या है: (+2, -0.5)

- a. $(a + b)(b - c)(c - a)$

b. $(b - a)(b - c)(c - a)$

c. $(a - b)(b - c)(c - a)$

d. $(a - b)(b + c)(c - a)$

51. बसीर के प्रतिदिन कार्य-समय में 15% की वृद्धि हुई और उसके प्रति-घंटे मजदूरी में 20% की वृद्धि हुई। उसकी दैनिक आय में कितने प्रतिशत की वृद्धि हुई? (+2, -0.5)

a. 38

b. 40

c. 36

d. 35

52. $\sqrt{28 + 10\sqrt{3}} - \sqrt{7 - 4\sqrt{3}}$ का मान निम्न में से किसके निकटतम है? (+2, -0.5)

a. 7.2

b. 5.8

c. 6.5

d. 6.1

53. एक व्यक्ति 80 किलोग्राम चावल खरीदता है और उसे उतने लाभ में बेच देता है जितनी कीमत उसे 30 किलोग्राम चावल खरीदने पर देनी पड़ी। उसका लाभ प्रतिशत क्या है? (+2, -0.5)

a. $37\frac{1}{2}$

b. 35

c. $27\frac{3}{11}$

d. 40

54. $24 \times 2 \div 12 + 12 \div 6$ का $2 \div (15 \div 8 \times 4)$ का $(28 \div 7$ का 5) का मान है: (+2, -0.5)

a. $4\frac{32}{75}$

b. $4\frac{8}{75}$

c. $4\frac{2}{3}$

d. $4\frac{1}{6}$

55. एक लम्ब प्रिज्म की ऊँचाई 18 सेमी है और इसका आधार एक त्रिभुज है जिसकी भुजा 5 सेमी, 8 सेमी और 12 सेमी है। इसका पार्श्व-पृष्ठीय क्षेत्रफल (वर्ग सेमी में) क्या है? (+2, -0.5)

a. 432

b. 486

c. 468

d. 450

56. एक सम वृत्ताकार बेलन के आधार की त्रिज्या 3 सेमी है और इसका वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल 60π सेमी² है। बेलन का आयतन (सेमी³ में) है: (+2, -0.5)

a. 60π

b. 72π

c. 90π

d. 81π

57. एक आदमी धारा के विपरीत 12 मिनट में 900 मीटर की दूरी तक नाव ले जा सकता है और वापस शुरुआती बिंदु तक 9 मिनट में आ सकता है। स्थिर पानी में आदमी की गति (किलोमीटर/घंटा में) क्या है? (+2, -0.5)

- a. $5\frac{1}{4}$
- b. $4\frac{1}{2}$
- c. 6
- d. 5

58. एक निश्चित ऋण का भुगतान 6,760 रुपये की दो बराबर अर्धवार्षिक किश्तों में किया जाता है। यदि ब्याज की दर 8% प्रति वर्ष, वार्षिक चक्रवृद्धि थी, तो ऋण पर कितना ब्याज दिया गया? (+2, -0.5)

- a. 810 रुपये
- b. 750 रुपये
- c. 790 रुपये
- d. 770 रुपये

59. एक लम्ब वृत्ताकार शंकु की त्रिज्या और ऊँचाई 5 : 12 के अनुपात में है। इसका वक्र-पृष्ठीय क्षेत्रफल 816.4 वर्ग सेमी है। शंकु का आयतन (घन सेमी में) क्या है? ($\pi = 3.14$ लीजिये) (+2, -0.5)

- a. 31440
- b. 1256
- c. 2512
- d. 628

60. $\triangle ABC$ में, $BE \perp AC$, $CD \perp AB$ है और BE और CD एक दूसरे को बिंदु O पर प्रतिच्छेदित करते हैं। $\angle OBC$ और $\angle OCB$ के समद्विभाजक बिंदु P पर मिलते हैं। यदि $\angle BPC = 148^\circ$ है, तो $\angle A$ की माप ज्ञात कीजिए? (+2, -0.5)
- a. 28°
- b. 32°
- c. 64°
- d. 56°
-
61. A, B और C अपनी आय का क्रमशः 80%, 85% और 75% खर्च करते हैं। यदि उनके बचत का अनुपात 8 : 9 : 20 है तथा A और C की आय के बीच का अंतर 18,000 रुपये है, तो B की आय क्या है? (+2, -0.5)
- a. 36,000 रुपये
- b. 30,000 रुपये
- c. 27,000 रुपये
- d. 24,000 रुपये
-
62. 25 व्यक्ति किसी काम को 60 दिनों में पूरा करते हैं। वे काम शुरू करते हैं। x दिनों के बाद 10 व्यक्ति काम छोड़ देते हैं। यदि पूरा कुल 80 दिनों में पूरा होता है, तो x का मान क्या है? (+2, -0.5)
- a. 15
- b. 30
- c. 18
- d. 29
-

63. केंद्रीय कोण 120° के साथ 10.5 सेमी त्रिज्या के एक खंड को उसके दोनों त्रिज्या सीमाओं को मिलाकर एक शंकु बनाने के लिए मोड़ा जाता है। इस प्रकार गठित शंकु का आयतन (घन सेमी में) क्या है? (+2, -0.5)

- a. $\frac{343\sqrt{2}}{12}\pi$
- b. $\frac{343\sqrt{3}}{6}\pi$
- c. $\frac{343\sqrt{2}}{6}\pi$
- d. $\frac{343\sqrt{3}}{12}\pi$

64. यदि $\frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta} = \frac{4}{\sqrt{3}}$, $0^\circ < \theta < 90^\circ$, है, तो $(\sec \theta + \tan \theta)^{-1}$ का मान होगा: (+2, -0.5)

- a. $3 + \sqrt{2}$
- b. $2 + \sqrt{3}$
- c. $2 - \sqrt{3}$
- d. $3 - \sqrt{2}$

65. यदि $x + y + z = 6$, $xyz = -10$ तथा $x^2 + y^2 + z^2 = 30$, तो $(x^3 + y^3 + z^3)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 135
- b. 132
- c. 130
- d. 127

66. भाग विधि से दो संख्याओं का म.स.प. ज्ञात करते समय, अंतिम भाजक 17 है और भागफल क्रमशः 1, 11 और 2 हैं। दोनों संख्याओं का योग क्या है? (+2, -0.5)

- a. 867
- b. 901
- c. 816
- d. 833

67. एक छात्र को $9\frac{4}{9} \div 11\frac{1}{3}$ of $\frac{1}{6} + (1\frac{1}{3} \times 1\frac{4}{5} \div \frac{3}{5}) \times 2\frac{1}{6}$ of $\frac{2}{3} \div \frac{4}{3}$ of $\frac{2}{3}$ का मान ज्ञात करने को कहा गया था। उसका उत्तर $19\frac{1}{4}$ था। उसके उत्तर और सही उत्तर के बीच अंतर क्या है? (+2, -0.5)

- a. $7\frac{3}{4}$
- b. $6\frac{1}{3}$
- c. $7\frac{1}{2}$
- d. $6\frac{2}{3}$

68. एक टैंक एक घनाभ के रूप में है जिसकी लंबाई 12 मीटर है। यदि इसमें से 18 किलोलीटर पानी निकाला जाता है, तो इसका जल स्तर 30 सेमी नीचे चला जाता है। इस टैंक की चौड़ाई (मीटर में) कितनी होगी? (+2, -0.5)

- a. 5.5
- b. 4.5
- c. 4
- d. 5

69. 35% माल को 65% लाभ में बेचा गया, जबकि शेष माल को x% घाटा में बेचा गया। यदि कुल घाटा 12% है तो x का मान क्या है? (एक दशमलव स्थान तक सही) (+2, -0.5)

- a. 53.5

- b. 51.8
- c. 50.6
- d. 52.4

70. धातु की N गोलाकार गेंदों को पिघलाकर एक बेलनाकार छड़ बनायी जाती है, जिसकी त्रिज्या गोलाकार गेंद की त्रिज्या की 3 गुना है और ऊंचाई गोलाकार गेंद की त्रिज्या की 4 गुना है। N का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 30
- b. 24
- c. 36
- d. 27

71. दिया है $(5x - 3)^3 + (2x + 5)^3 + 27(4 - 3x)^3 = 9(3 - 5x)(2x + 5)(3x - 4)$, तो $(2x + 1)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 13
- b. -15
- c. 15
- d. -13

72. मोनिका अपनी आय का 72% खर्च करती है। यदि उसकी आय में 20% की वृद्धि होती है और बचत में 15% की वृद्धि होती है, तो उसके व्यय में वृद्धि होगी: (दशमलव के 1 स्थान तक सही) (+2, -0.5)

- a. 20.2%
- b. 21.9%

c. 20.8%

d. 19.8%

73. चतुर्भुज ABCD में, $\angle C = 72^\circ$ और $\angle D = 28^\circ$. $\angle A$ और $\angle B$ के समद्विभाजक बिंदु O पर मिलते हैं। $\angle AOB$ का माप क्या है? (+2, -0.5)

a. 50°

b. 36°

c. 48°

d. 54°

74. A की दक्षता B और C की एकत्रित दक्षता के बराबर है। एकसाथ काम करते हुए A और B एक काम को 36 दिनों में पूरा कर सकते हैं और C अकेले इसे 60 दिनों में पूरा कर सकता है। A और C एकसाथ 10 दिनों के लिए काम करते हैं। B अकेले शेष काम को कितने दिनों में पूरा करेगा? (+2, -0.5)

a. 88 दिन

b. 110 दिन

c. 84 दिन

d. 90 दिन

75. एक राशि को A, B, C और D के बीच इस प्रकार विभाजित किया जाता है कि A और B के हिस्से का अनुपात 2 : 3 है, B और C के हिस्से का अनुपात 1 : 2 है और C और D के हिस्से का अनुपात 3 : 4 है। यदि A और D के हिस्से के बीच अंतर 648 रु. है, फिर A, B, C और D के शेयरों का योग ज्ञात कीजिए। (+2, -0.5)

a. 2,484 रु.

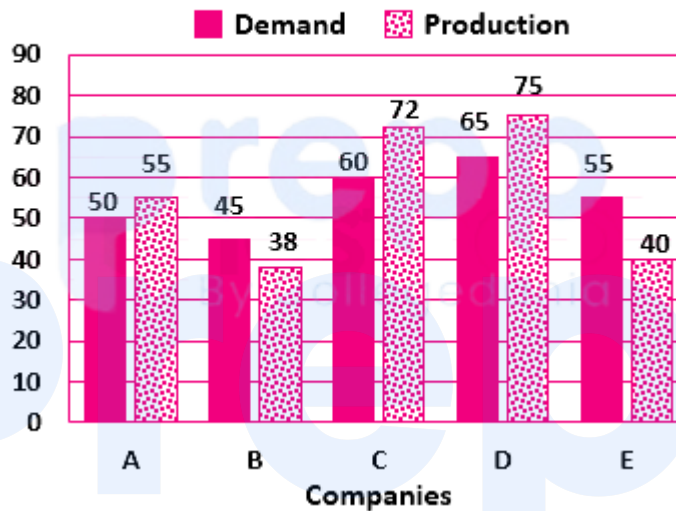
b. 1,944 रु.

- c. 2,160 रु.
- d. 2,052 रु.

76. निर्देश: निम्नलिखित दण्ड आरेख का अध्ययन कीजिये और दिए गए प्रश्नों का उत्तर दीजिये।

(+2, -0.5)

Demand and Production of motorcycles of five companies in 2016 (in lakhs)



उन कंपनियों की संख्या ज्ञात कीजिये जिनका सभी पाँच वर्षों (प्रति वर्ष) में मोटर साइकिल का उत्पादन मोटर साइकिल की औसत माँग के बराबर या उससे अधिक है?

- a. 2
- b. 3
- c. 4
- d. 1

77. यदि 10 अंकों की एक संख्या $5432y1749x$, 72 से पूर्णतया विभाजित है, तो $(5x - 4y)$ का मान क्या होगा?

(+2, -0.5)

- a. 9

b. 14

c. 15

d. 10

78. ΔPQR में, $\angle Q > \angle R$, $\angle P$ की समद्विभाजक PS है और $PT \perp QR$ है। यदि $\angle SPT = 28^\circ$ और $\angle R = 23^\circ$ है, तो $\angle Q$ की माप क्या है : (+2, -0.5)

a. 89°

b. 82°

c. 79°

d. 74°

79. एक ठोस अर्द्धगोले में से अधिकतम आयतन का एक गोला काटकर निकाला जाता है। गोले के आयतन और शेष ठोस के आयतन का अनुपात क्या है? (+2, -0.5)

a. 1 : 1

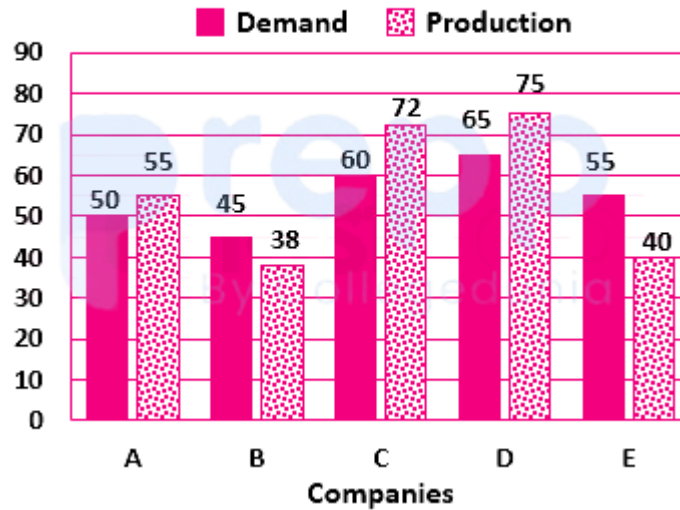
b. 1 : 2

c. 1 : 3

d. 1 : 4

80. निर्देश: निम्नलिखित दण्ड आरेख का अध्ययन कीजिये और दिए गए प्रश्नों का उत्तर दीजिये। (+2, -0.5)

Demand and Production of motorcycles of five companies in 2016 (in lakhs)



कंपनी A, C और E की मोटर साइकिलों की कुल माँग और कंपनी B और C की मोटर साइकिलों के कुल उत्पादन का अनुपात है:

- a. 2 : 1
- b. 11 : 10
- c. 1 : 1
- d. 3 : 2

Your Personal Exams Guide

81. यदि एक वस्तु का विक्रय मूल्य उसके लागत मूल्य से 32% अधिक है और उसके चिह्नित मूल्य पर 12% का छूट मिलता है, तो उसके लागत मूल्य और चिह्नित मूल्य के बीच का अनुपात क्या है? (+2, -0.5)

- a. 4 : 5
- b. 1 : 2
- c. 2 : 3
- d. 3 : 8

82. एक दुकानदार एक वस्तु के अंकित मूल्य पर 18% की छूट देता है और फिर भी 23% का लाभ अर्जित करता है। यदि वह वस्तु के विक्रय पर 18.40 रुपये लाभ अर्जित करता है, तो वस्तु का अंकित मूल्य क्या है? (+2, -0.5)

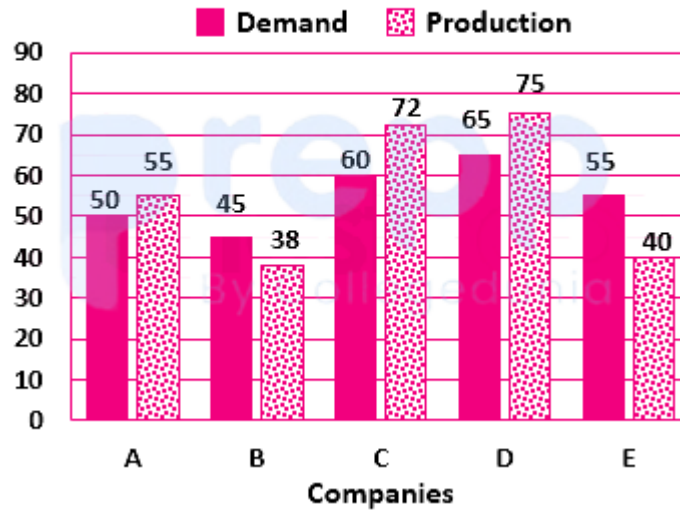
- a. 120 रुपये
- b. 125 रुपये
- c. 146 रुपये
- d. 140 रुपये

83. 416 किमी की दूरी तय करने में, एक ट्रेन A, ट्रेन B से $2\frac{2}{3}$ घंटे अधिक लेता है। यदि A की गति दो गुनी हो जाती है, तो वह ट्रेन B से $1\frac{1}{3}$ घंटे कम लेगा। ट्रेन A की गति (किमी/घंटा में) क्या है (+2, -0.5)

- a. 54
- b. 56
- c. 52
- d. 65

84. निर्देश: निम्नलिखित दण्ड आरेख का अध्ययन कीजिये और दिए गए प्रश्नों का उत्तर दीजिये। (+2, -0.5)

Demand and Production of motorcycles of five companies in 2016 (in lakhs)



सभी पाँच वर्षों के दौरान कंपनी C, D और E की मोटर साइकिलों का कुल उत्पादन सभी कंपनियों की मोटर साइकिलों की कुल मांग से कितना प्रतिशत कम है?

- a. 32
- b. 38
- c. 43
- d. 47

Your Personal Exams Guide

85. A, B और C 2 : 3 : 5 के अनुपात में अपनी पूँजी के साथ एक व्यवसाय शुरू किया। व्यवसाय शुरू होने के 4 महीने बाद A ने अपनी पूँजी में 50% की वृद्धि की, 6 महीने बाद B ने अपनी पूँजी में $33\frac{1}{3}\%$ की वृद्धि की और 8 महीने बाद C ने अपनी पूँजी का 50% वापस ले लिया। यदि वर्ष के अंत में कुल लाभ 86,800 रुपये है, तो लाभ में A और C के हिस्सों का अंतर कितना है? (+2, -0.5)

- a. 9,800 रुपये
- b. 8,400 रुपये
- c. 7,000 रुपये

d. 12,600 रुपये

86. यदि $\sec \theta + \tan \theta = p$, ($p > 1$) है, तो $(\operatorname{cosec} \theta + 1)/(\operatorname{cosec} \theta - 1) = ?$ (+2, -0.5)

a. $\frac{p+1}{p-1}$

b. p^2

c. $\frac{p-1}{p+1}$

d. $2p^2$

87. S ΔPQR का अंतःकेंद्र है। यदि $\angle PSR = 125^\circ$, तो $\angle PQR$ का माप क्या है? (+2, -0.5)

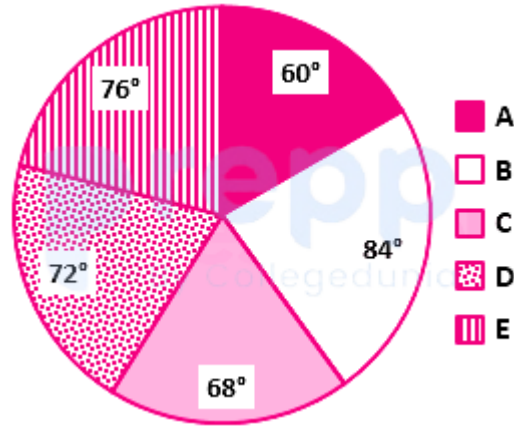
a. 75°

b. 55°

c. 80°

d. 70°

88. दिशा-निर्देश: दिया गया वृत्त आलेख एक छात्र द्वारा पांच विषयों A, B, C, D और E में प्राप्त किये गए कुल अंकों को दर्शाता है। प्रत्येक विषय के अधिकतम अंक 150 हैं और उसने कुल 600 अंकों में से अंक प्राप्त किये हैं। (+2, -0.5)



विषय B और D में छात्रों द्वारा प्राप्त किये गए अंकों के बीच कितना अंतर है?

- a. 12
- b. 30
- c. 27
- d. 20

89. a, b और c तीन भिन्न इस प्रकार हैं कि $a < b < c$. यदि c को a से विभाजित किया जाता है, तो परिणाम $9/2$ है, जो b से $23/6$ अधिक है। a, b और c का योग $19/12$ है। $(2a + b - c)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. $1/12$
- b. $1/4$
- c. $1/2$
- d. $1/3$

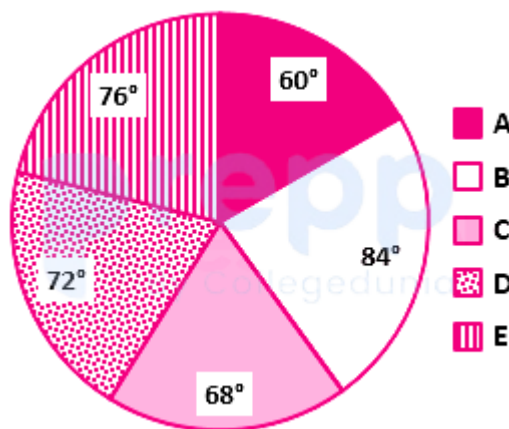
90. $\operatorname{cosec}(67^\circ + \theta) - \sec(23^\circ - \theta) + \cos 15^\circ \cos 35^\circ \operatorname{cosec} 55^\circ \cos 60^\circ \operatorname{cosec} 75^\circ$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 2
- b. $\frac{1}{2}$
- c. 0
- d. 1

91. $\odot$ केंद्र वाले एक वृत्त में, ABCD एक चक्रीय चतुर्भुज है और AC व्यास है। जीवा AB और DC को E तक खींचा गया है। यदि $\angle CAE = 34^\circ$ और $\angle E = 30^\circ$ है, तो $\angle CBD$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

- a. 36°
- b. 34°
- c. 26°
- d. 24°

92. दिशा-निर्देश: दिया गया वृत्त आलेख एक छात्र द्वारा पांच विषयों A, B, C, D और E में प्राप्त किये गए कुल अंकों को दर्शाता है। प्रत्येक विषय के अधिकतम अंक 150 हैं और उसने कुल 600 अंकों में से अंक प्राप्त किये हैं।



छात्र ने अपने औसत अंक से अधिक अंक कितने विषयों में प्राप्त किये हैं?

a. 4

b. 3

c. 2

d. 1

93. $0.4\overline{7} + 0.5\overline{03} - 0.3\overline{9} \times 0.\overline{8}$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

a. $0.6\overline{25}$

b. $0.6\overline{15}$

c. $0.62\overline{5}$

d. $0.6\overline{15}$

94. एक लंब-वृत्तीय बेलन के आधार की त्रिज्या में 20% की वृद्धि की जाती है। इसकी ऊंचाई में कितनी कमी की जानी चाहिए जिससे इसके आयतन में कोई परिवर्तन ना हो? (+2, -0.5)

a. $30\frac{2}{9}$

b. 28

c. $30\frac{5}{9}$

d. 25

95. दो संख्याओं x और y का ल.स.प. उनके म.स.प. का 204 गुना है। यदि उनका म.स.प. 12 है और संख्याओं के बीच अंतर 60 है, तो $x + y = ?$ (+2, -0.5)

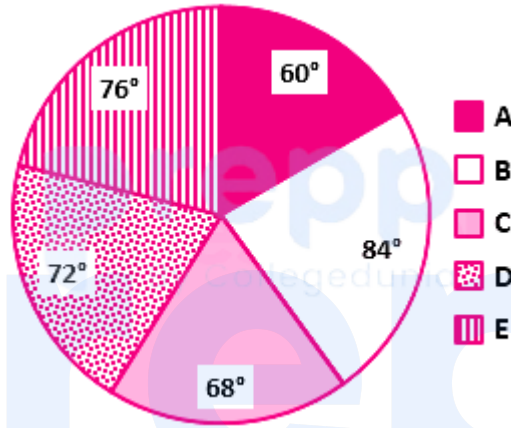
a. 852

b. 426

c. 660

d. 348

96. दिशा-निर्देश: दिया गया वृत्त आलेख एक छात्र द्वारा पांच विषयों A, B, C, D और E में प्राप्त किये गए कुल अंकों को दर्शाता है। प्रत्येक विषय के अधिकतम अंक 150 हैं और उसने कुल 600 अंकों में से अंक प्राप्त किये हैं। (+2, -0.5)



C और E विषय में संयुक्त रूप से छात्र द्वारा प्राप्त कुल अंक A और D विषय में संयुक्त रूप से प्राप्त किये गए कुल अंकों से लगभग कितना प्रतिशत अधिक हैं?

a. 8.33%

b. 7.26%

c. 10.25%

d. 9.09%

97. $\frac{\sec^2 \theta}{\operatorname{cosec}^2 \theta} + \frac{\operatorname{cosec}^2 \theta}{\sec^2 \theta} - (\sec^2 \theta + \operatorname{cosec}^2 \theta)$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

a. 0

b. 1

c. -2

d. 2

98. यदि $(5x + 2y) : (10x + 3y) = 5 : 9$ है, तो $(2x^2 + 3y^2) : (4x^2 + 9y^2) = ?$ (+2, -0.5)

a. 10 : 27

b. 31 : 87

c. 16 : 47

d. 1 : 3

99. $\frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{5} + \sqrt{2} - \sqrt{7}} - \sqrt{\frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2}} - \frac{3}{\sqrt{7}-2}$ का मान क्या है? (+2, -0.5)

a. $\sqrt{7}$

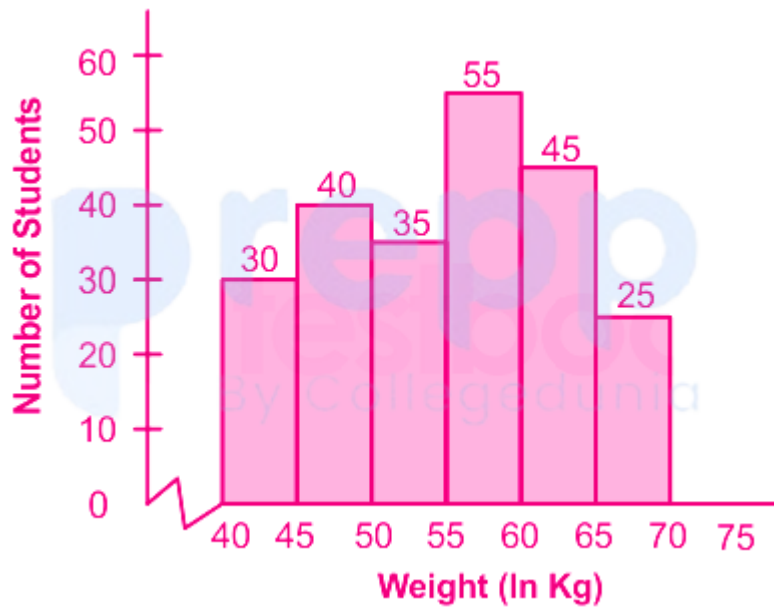
b. $\sqrt{2}$

c. $2\sqrt{5}$

d. $2 + \sqrt{2}$

Your Personal Exams Guide

100. दिया गया दण्ड आलेख एक विशेष दिन एक स्कूल में छात्रों के वजन को दर्शाता है। (+2, -0.5)



50 किग्रा से कम वजन वाले छात्रों की संख्या 55 किग्रा या उससे अधिक वजन वाले छात्रों से कितने प्रतिशत कम है?

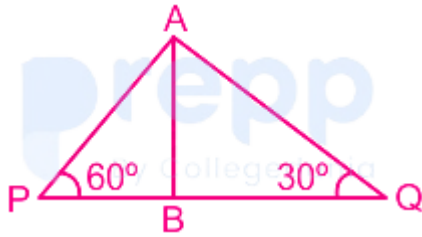
- a. 40
- b. 55
- c. 30
- d. 44

Your Personal Exams Guide

Answers

1. Answer: d

Explanation:



माना कि टावर की ऊँचाई AB है।

दिया गया है, $PQ = 84\sqrt{3}$

ΔABQ में,

$$\tan 30 = AB/QB$$

$$\Rightarrow 1/\sqrt{3} = AB/QB$$

$$\Rightarrow AB = QB/\sqrt{3} \quad \text{-----(1)}$$

ΔABP में,

$$\tan 60 = AB/PB$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = AB/PB$$

$$\Rightarrow AB = \sqrt{3}PB \quad \text{-----(2)}$$

समीकरण (1) और समीकरण (2) से,

$$\Rightarrow \sqrt{3} PB = QB/\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow QB = 3PB$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\Rightarrow PQ = PB + BQ$$

$$\Rightarrow PQ = PB + 3PB$$

$$\Rightarrow 84\sqrt{3} = 4PB$$

$$\Rightarrow PB = 84\sqrt{3}/4$$

$$\Rightarrow PB = 21\sqrt{3}$$

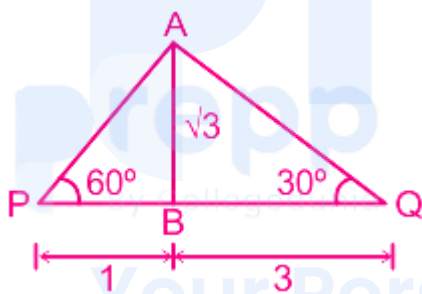
समीकरण (2) से,

$$\Rightarrow AB = \sqrt{3} PB$$

$$\Rightarrow AB = \sqrt{3} \times 21\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow AB = 63 \text{ मीटर}$$

लघु ट्रिक:



दी गई आकृति से,

$$\Rightarrow 4 \text{ इकाई} = 84\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 1 \text{ इकाई} = 21\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} \text{ इकाई} = 21\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 63 \text{ मीटर}$$

2. Answer: c

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

3^{61284} का इकाई अंक

$$\Rightarrow 3^4$$

$$\Rightarrow 1$$

अतः हम कह सकते हैं कि 3^{61284} को 5 से विभाजित करने पर शेष 1 प्राप्त होता है

$$x = 1$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$4 \div 6, \text{ तो शेष } 4$$

$$4^2 \div 6, \text{ तो शेष } 4$$

$$4^3 \div 6, \text{ तो शेष } 4$$

$$4^n \div 6, \text{ तो शेष } 4$$

जहाँ $n =$ प्राकृतिक संख्या

अतः हम कह सकते हैं कि 4^{96} को 6 से विभाजित करने पर शेष 4 प्राप्त होता है।

$$y = 4$$

$$\text{अब, } (2x - y)$$

$$\Rightarrow 2 \times 1 - 4$$

$$\Rightarrow 2 - 4$$

$$\Rightarrow (-2)$$

3. Answer: a

Explanation:

त्वरित विधि :

$$\frac{(\sin \theta - \cos \theta)(1 + \tan \theta + \cot \theta)}{1 + \sin \theta \cos \theta}$$

$\theta = 30$ रखिये

$$\Rightarrow \frac{(\sin 30 - \cos 30)(1 + \tan 30 + \cot 30)}{1 + \sin 30 \cos 30}$$

$$\Rightarrow \frac{\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)\left(1 + \frac{1}{\sqrt{3}} + \sqrt{3}\right)}{1 + \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{\left(\frac{1-\sqrt{3}}{2}\right)\left(\frac{1+\sqrt{3}+3}{\sqrt{3}}\right)}{\frac{4+\sqrt{3}}{4}} = \frac{\left(\frac{1-\sqrt{3}}{2}\right)\left(\frac{4+\sqrt{3}}{\sqrt{3}}\right)}{\frac{4+\sqrt{3}}{4}}$$

$$\Rightarrow [2(1 - \sqrt{3})]/\sqrt{3}$$

पहले विकल्प से

$$\Rightarrow \sec \theta - \operatorname{cosec} \theta$$

$$\Rightarrow \sec 30 - \operatorname{cosec} 30$$

$$\Rightarrow 2/\sqrt{3} - 2$$

$$\Rightarrow [2(1 - \sqrt{3})]/\sqrt{3}$$

विस्तृत हल :

$$\Rightarrow \frac{(\sin \theta - \cos \theta)(1 + \tan \theta + \cot \theta)}{1 + \sin \theta \cos \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sin \theta - \cos \theta)\left(1 + \frac{\sin \theta}{\cos \theta} + \frac{\cos \theta}{\sin \theta}\right)}{1 + \sin \theta \cos \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sin \theta - \cos \theta)\left(\frac{\cos \theta \sin \theta + \sin^2 \theta + \cos^2 \theta}{\sin \theta \cos \theta}\right)}{1 + \sin \theta \cos \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sin \theta - \cos \theta)(\cos \theta \sin \theta + 1)}{\sin \theta \cos \theta}$$

$$\Rightarrow (\sin \theta - \cos \theta)/(\sin \theta \cos \theta)$$

$$\Rightarrow 1/\cos \theta - 1/\sin \theta$$

$$\Rightarrow \sec \theta - \operatorname{cosec} \theta$$

4. Answer: d

Explanation:

$$60\% = 3/5$$

माना आदमी की गति $5x$ है

$$\text{गति का } 60\% = 5x \times (3/5) = 3x$$

पहले और बाद में आदमी की गति का अनुपात = $5x : 3x$

जैसा कि हम जानते हैं, गति समय के व्युत्क्रमानुपाती होती है।

पहले और बाद में आदमी के समय का अनुपात = $3x : 5x$

प्रश्नानुसार

$$5x - 3x = 1 \text{ घंटा } 40 \text{ मिनट} = (1 + 40/60) \text{ घंटे}$$

$$\Rightarrow 2x = 5/3$$

$$\Rightarrow x = 5/(3 \times 2) = 5/6 \text{ घंटे}$$

$$\text{अभीष्ट समय} = 3x = 3 \times (5/6) = 2\frac{1}{2}$$

5. Answer: a

Explanation:

$$\sin^2 64^\circ + \cos 64^\circ \sin 26^\circ + 2 \cos 43^\circ \operatorname{cosec} 47^\circ$$

$$\Rightarrow \sin^2 64^\circ + \cos 64^\circ \sin (90^\circ - 64^\circ) + 2 \cos 43^\circ \operatorname{cosec} (90^\circ - 43^\circ)$$

$$\Rightarrow \sin^2 64^\circ + \cos 64^\circ \cos 64^\circ + 2 \cos 43^\circ \sec 43^\circ$$

$$\Rightarrow \sin^2 64^\circ + \cos^2 64^\circ + 2 \cos 43^\circ (1/\cos 43^\circ)$$

$$\Rightarrow 1 + 2$$

$$\Rightarrow 3$$

★ Additional Information

6. Answer: d

Explanation:

$$(1 + \cot \theta - \operatorname{cosec} \theta) (1 + \cos \theta + \sin \theta) \sec \theta$$

$$\Rightarrow (1 + \cos \theta / \sin \theta - 1 / \sin \theta) (1 + \cos \theta + \sin \theta) \sec \theta$$

$$\Rightarrow [(\sin \theta + \cos \theta - 1) / \sin \theta] (1 + \cos \theta + \sin \theta) \sec \theta$$

$$\Rightarrow [(\sin \theta + \cos \theta)^2 - 1^2] \sec \theta \operatorname{cosec} \theta$$

$$\Rightarrow [\sin^2 \theta + \cos^2 \theta + 2 \sin \theta \cos \theta - 1] \sec \theta \operatorname{cosec} \theta$$

$$\Rightarrow [1 + 2 \sin \theta \cos \theta - 1] \sec \theta \operatorname{cosec} \theta$$

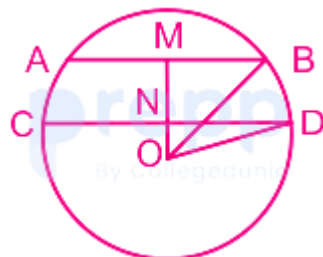
$$\Rightarrow (2 \sin \theta \cos \theta) \sec \theta \operatorname{cosec} \theta$$

$$\Rightarrow [2 / \operatorname{cosec} \theta \sec \theta] \sec \theta \operatorname{cosec} \theta$$

$$\Rightarrow 2$$

7. Answer: a

Explanation:



$$OB = OD = 5 \sqrt{13} \text{ सेमी}$$

$AB = 12$ सेमी, $CD = 20$ सेमी, $AM = MB = 12/2 = 6$ सेमी और $CN = ND = 20/2 = 10$ सेमी

ΔMBO में

$$OB^2 = MB^2 + MO^2$$

$$\Rightarrow (5\sqrt{13})^2 = 6^2 + OM^2$$

$$\Rightarrow OM^2 = 325 - 36 = 289$$

$$\Rightarrow OM = \sqrt{289} = 17$$

ΔNDO में

$$OD^2 = ND^2 + NO^2$$

$$\Rightarrow (5\sqrt{13})^2 = 10^2 + NO^2$$

$$\Rightarrow ON^2 = 325 - 100 = 225$$

$$ON = \sqrt{225} = 15$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$OM = MN + ON$$

$$\Rightarrow 17 = MN + 15$$

$$\Rightarrow MN = 17 - 15 = 2 \text{ सेमी}$$

8. Answer: b

Explanation:

खोखले अर्धगोलीय बर्तन की आंतरिक त्रिज्या $= 24/2 = 12$ सेमी

बर्तन की मोटाई $(t) = 0.5$ सेमी

खोखले अर्धगोलीय बर्तन की बाहरी त्रिज्या $= 12 + 0.5 = 12.5$ सेमी

जैसाकि हम जानते हैं,

खोखले अर्धगोलीय बर्तन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल = $\pi [(R^2 - r^2) + 2 (R^2 + r^2)]$

$[(12.5^2 - 12^2) + 2 \times (12.5^2 + 12^2)] \pi$

$\Rightarrow [(156.25 - 144) + 2 (156.25 + 144)] \pi$

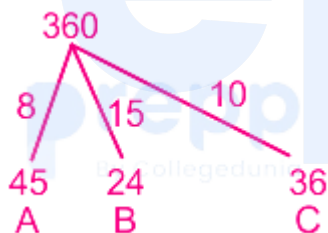
$\Rightarrow [12.25 + 2 \times 300.25] \pi$

$\Rightarrow [12.25 + 600.5] \pi$

$\Rightarrow 612.75 \pi$

9. Answer: b

Explanation:



$1/3^{\text{rd}}$ कार्य को पूरा करने के लिए A द्वारा लिया गया समय = 15 दिन

कुल कार्य को पूरा करने के लिए A द्वारा लिया गया समय = $15 \times 3 = 45$ दिन

75% कार्य पूरा करने के लिए B द्वारा लिया गया समय = 18 दिन

कुल कार्य को पूरा करने के लिए B द्वारा लिया गया समय = $18 \times (100/75) = 24$ दिन

कुल कार्य को पूरा करने के लिए C द्वारा लिया गया समय = 36 दिन

कुल कार्य = 360

$\therefore$ A, B और C की दक्षता क्रमशः 8, 15 10 है।

B और C द्वारा 8 दिन में किया गया कार्य = $(15 + 10) \times 8 = 200$

$\therefore A$ द्वारा शेष कार्य को पूरा करने के लिए लिया गया समय = $(360 - 200)/8 = 160/8 = 20$ दिन

10. Answer: d

Explanation:

माना तेल का मूल्य x रुपये है

प्रश्नानुसार = $x \times (120/100) \times (11/12) = 1.1x$

व्यय में प्रतिशत वृद्धि = $[(1.1x - x)/x] \times 100 = 10\%$

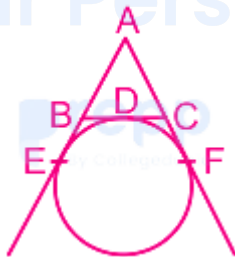
11. Answer: c

Explanation:

संकल्पना:

समान बाह्य बिंदु से एक वृत्त के लिए स्पर्शिका खंड बराबर होते हैं।

गणना:



दिया है, $AB = 10$ सेमी, $AC = 8.6$ सेमी और $BC = 6.4$ सेमी

माना $BE = x$ सेमी और $CF = y$ सेमी

जैसा कि हम जानते हैं,

$BE = BD$ [स्पर्शिकाएँ]

$$DC = CF \text{ [स्पर्शरेखाएँ]}$$

$$AE = AF \text{ [स्पर्शरेखाएँ]}$$

$$AB + BE = AC + CF$$

$$\Rightarrow 10 + x = 8.6 + y$$

$$\Rightarrow x - y = 8.6 - 10$$

$$\Rightarrow x - y = -1.4 \quad \text{-----(1)}$$

$$BD + DC = 6.4$$

$$\Rightarrow x + y = 6.4 \quad \text{-----(2)}$$

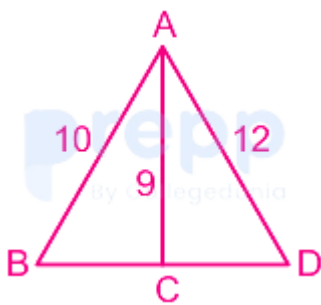
समीकरण (1) और समीकरण (2) से

$$\Rightarrow x = 2.5$$

$$\therefore BE = 2.5 \text{ cm}$$

12. Answer: d

Explanation:



जैसाकि हम जानते हैं,

$$AB^2 + AD^2 = 2(BC^2 + AC^2)$$

$$\Rightarrow 10^2 + 12^2 = 2(BC^2 + 9^2)$$

$$\Rightarrow 100 + 144 = 2 (BC^2 + 81)$$

$$\Rightarrow 244/2 = (BC^2 + 81)$$

$$\Rightarrow BC^2 = 122 - 81$$

$$\Rightarrow BC^2 = 41$$

$$\Rightarrow BC = \sqrt{41}$$

$$\Rightarrow BD = 2 \times BC \Rightarrow 2 \times \sqrt{41}$$

13. Answer: c

Explanation:

एक समूह के 120 छात्रों की आयु का योग यदि उनकी औसत आयु 13.56 वर्ष है $= 120 \times 13.56 = 1627.2$

समूह में लड़कियों की संख्या $= 120 \times (35/100) = 42$

समूह में लड़कों की संख्या $= 120 - 42 = 78$

माना कि लड़कों और लड़कियों की औसत आयु क्रमशः $6x$ और $5x$ है।

प्रश्नानुसार, **Your Personal Exams Guide**

$$78 \times 6x + 42 \times 5x = 1627.2$$

$$\Rightarrow 468x + 210x = 1627.2$$

$$\Rightarrow 678x = 1627.2$$

$$\Rightarrow x = 1627.2/678$$

$$\Rightarrow x = 2.4$$

लड़कियों की औसत आयु $= 5x = 5 \times 2.4 = 12$

★ Shortcut Trick

माना कक्षा X की औसत आयु.

पृथीकरण द्वारा :-

इसलिए

$$\frac{6-X}{X-5} = \frac{7}{13}$$

$$X = 5.65$$

कक्षा का औसत 13.56 वर्ष है

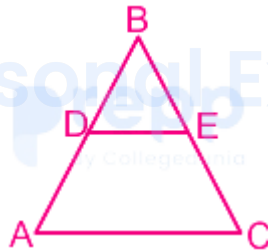
$$5.65 \rightarrow 13.56 \text{ वर्ष}$$

$$1 \rightarrow 2.4 \text{ वर्ष}$$

$$\text{लड़कियों की औसत आयु} = 5 \times 2.4 = 12 \text{ वर्ष}$$

14. Answer: d

Explanation:



माना AB = 8 इकाई और AD = 3 इकाई

$$\Rightarrow BD = 8 - 3 = 5 \text{ इकाई}$$

जैसा कि हम जानते हैं,

यदि, $\triangle BDE \sim \triangle BAC$

$$\frac{\text{Area of } \triangle BDE}{\text{Area of } \triangle BAC} = \left(\frac{BD}{AB}\right)^2$$

$$\Delta BDE \text{ का क्षेत्रफल} / \Delta BAC \text{ का क्षेत्रफल} = (5/8)^2 = 25/64$$

$$\text{माना } \Delta BDE \text{ का क्षेत्रफल} = 25 \text{ इकाई और } \Delta BAC \text{ का क्षेत्रफल} = 64 \text{ इकाई}$$

$$\text{चतुर्भुज DECA का क्षेत्रफल} = \Delta BAC \text{ का क्षेत्रफल} - \Delta BDE \text{ का क्षेत्रफल} = 64 - 25 = 39 \text{ इकाई}$$

$$\Delta BDE \text{ का क्षेत्रफल} : \text{चतुर्भुज DECA का क्षेत्रफल} = 25 : 39$$

15. Answer: a

Explanation:

$$x = \sqrt[6]{27} - \sqrt{6\frac{3}{4}}$$

$$x = 3^{\frac{3}{6}} - \sqrt{\frac{27}{4}}$$

$$x = \sqrt{3} - \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

$$x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$y = \frac{\sqrt{45} + \sqrt{605} + \sqrt{245}}{\sqrt{80} + \sqrt{125}}$$

$$y = \frac{3\sqrt{5} + 11\sqrt{5} + 7\sqrt{5}}{9\sqrt{5}} = \frac{7}{3}$$

Now,

$$\Rightarrow x^2 + y^2$$

$$\Rightarrow (-\sqrt{3}/2)^2 + (7/3)^2$$

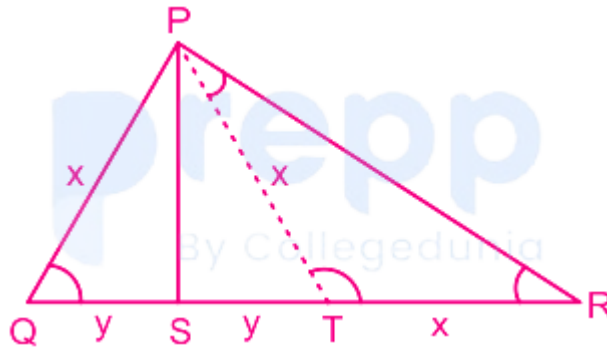
$$\Rightarrow 3/4 + 49/9$$

$$\Rightarrow (27 + 196)/36$$

$$\Rightarrow 223/36$$

16. Answer: b

Explanation:



माना SR पर एक बिंदु T इस प्रकार लिया जाता है कि $QS = ST$ है

P को T से जोड़ते हैं

ΔQPT में,

यदि $QS = ST$ है, और PS, QT पर लम्ब है, तो हम कह सकते हैं कि ΔQPT एक समद्विबाहु त्रिभुज है

$$PQ = PT$$

$$\angle PQT = \angle PTQ$$

$$\Rightarrow PQ + QS = SR$$

$$\Rightarrow PT + QS = ST + TR$$

$$\Rightarrow PT + QS = QS + TR$$

$$PT = TR$$

$$\angle TPR = \angle TRP$$

$$\text{Let } \angle TPR = \angle TRP = \theta$$

$$\Rightarrow \angle TPR + \angle TRP = \angle PTQ$$

$$\Rightarrow \angle PTQ = \theta + \theta = 2\theta$$

$$\angle PQT = \angle PTQ = 2\theta$$

ΔPQR में,

$$\angle PQR + \angle QRP + \angle RPQ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2\theta + \theta + 120^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 3\theta = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\Rightarrow \theta = 60^\circ / 3 = 20^\circ$$

$$\angle Q = 2\theta = 2 \times 20^\circ = 40^\circ$$

17. Answer: d

Explanation:

प्रश्नानुसार,

$$(x/2) \text{ का } 25\% = 2.5 \times (y/4) \text{ का } 30\%$$

$$\Rightarrow (x/2) \times (25/100) = 2.5 \times (y/4) \times (30/100)$$

$$\Rightarrow x/8 = 3y/16$$

$$\Rightarrow x/y = 3/2$$

$$\Rightarrow x : y = 3 : 2$$

$$x \text{ का } y \text{ से अधिक होने का प्रतिशत} = [(3 - 2)/2] \times 100 = 50\%$$

18. Answer: b

Explanation:

दोनों नमकों के मिश्रण का विक्रय मूल्य = 29.90 रुपये

दोनों नमकों के मिश्रण का लागत मूल्य = $29.90 \times (100/115) = 26$ रुपये

पृथीकरण विधि का उपयोग करने पर,

28 16

26

10 2

28 रुपये प्रति किग्रा वाले नमक का 16 रुपये प्रति किग्रा वाले नमक की मात्रा से अनुपात = $10x : 2x = 5x : x$

$$\Rightarrow x = 39.6$$

$$\Rightarrow 5x = 5 \times 39.6 = 198 \text{ किग्रा}$$

टिप्पणी : वास्तविक परीक्षा में, दिए गए विकल्प गलत थे, इसलिए, हमने उनमें संशोधन किया है और तदनुसार हल प्रदान किया है।

19. Answer: d

Explanation:

त्वरित विधि :

$$\Rightarrow \frac{2(\sin^6 \theta + \cos^6 \theta) - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{\cos^4 \theta - \sin^4 \theta - 2\cos^2 \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{2(\sin^6 0^\circ + \cos^6 0^\circ) - 3(\sin^4 0^\circ + \cos^4 0^\circ)}{\cos^4 0^\circ - \sin^4 0^\circ - 2\cos^2 0^\circ}$$

$$\Rightarrow [2(0 + 1) - 3(0 + 1)] / (1 - 0 - 2)$$

$$\Rightarrow (2 - 3) / (-1)$$

$$\Rightarrow (-1) / (-1)$$

$$\Rightarrow 1$$

विस्तृत हल

$$\frac{2(\sin^6 \theta + \cos^6 \theta) - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{\cos^4 \theta - \sin^4 \theta - 2\cos^2 \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{2[(\sin^2 \theta)^3 + (\cos^2 \theta)^3] - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{(\cos^2 \theta + \sin^2 \theta)(\cos^2 \theta - \sin^2 \theta) - 2\cos^2 \theta}$$

$$\begin{aligned}
 &\Rightarrow \frac{2[(\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta - \sin^2 \theta \cos^2 \theta)] - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{(\cos^2 \theta - \sin^2 \theta - 2\cos^2 \theta)} \\
 &\Rightarrow \frac{[2(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta) - 2(\sin^2 \theta \cos^2 \theta)] - 3(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta)}{(-\sin^2 \theta - \cos^2 \theta)} \\
 &\Rightarrow \frac{-(\sin^4 \theta + \cos^4 \theta + 2\sin^2 \theta \cos^2 \theta)}{-(\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)} \\
 &\Rightarrow (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)^2 \\
 &\Rightarrow 1
 \end{aligned}$$

20. Answer: c

Explanation:

प्रयुक्त सूत्र:

$$(a^4 + b^4 - a^2 b^2) = (a^2 + b^2 + ab)(a^2 + b^2 - ab)$$

$$\Rightarrow (a^2 + b^2 + ab)(a^2 + b^2 - ab)$$

$$\Rightarrow \{(a^2 + b^2)^2 - (ab)^2\}$$

$$\Rightarrow a^4 + b^4 + 2a^2 b^2 - a^2 b^2 = (a^4 + b^4 + a^2 b^2)$$

गणना:

$$\text{माना } x = 4.6, y = 5.4 \text{ और } xy = 4.6 \times 5.4 = 24.84$$

$$\Rightarrow (x^4 + y^4 + x^2 y^2) / (x^2 + y^2 + xy)$$

$$(a^4 + b^4 - a^2 b^2) = (a^2 + b^2 + ab)(a^2 + b^2 - ab)$$

$$\Rightarrow [(x^2 + y^2 + xy)(x^2 + y^2 - xy)] / (x^2 + y^2 + xy)$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - xy$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 2xy + xy$$

$$\Rightarrow (x - y)^2 + xy$$

$$\Rightarrow (4.6 - 5.4)^2 + 4.6 \times 5.4$$

$$\Rightarrow (-0.8)^2 + 24.84$$

$$\Rightarrow 0.64 + 24.84$$

$$\Rightarrow 25.48$$

21. Answer: a

Explanation:

माना कि कार्यालय में कर्मचारियों की कुल संख्या x है।

कार्यालय में पुरुषों की संख्या $= x \times (5/8) = 5x/8$

कार्यालय में महिलाओं की संख्या $= x - (5x/8) = 3x/8$

पुरुष तकनीकी कर्मचारियों की संख्या $= (5x/8) \times (1 - 2/5) = (5x/8) \times (3/5) = 3x/8$

महिला तकनीकी कर्मचारियों की संख्या $= (3x/8) \times (2/3) = x/4$

कुल तकनीकी कर्मचारियों की संख्या $= (3x/8) + (x/4) = 5x/8$

$\therefore$ कर्मचारियों की कुल संख्या में से तकनीकी कर्मचारियों का भिन्न $= (5x/8)/x = 5/8$

22. Answer: c

Explanation:

मिश्रण विधि का उपयोग करते हैं

$$8 \quad (-12)$$

$$6$$

$$18 \quad 2$$

8% लाभ पर बेची गयी वस्तुओं का 12% हानि पर बेची गयी वस्तुओं से अनुपात = $18x : 2x = 9x : x$

$$\Rightarrow 9x + x = 80$$

$$\Rightarrow 10x = 80$$

$$\Rightarrow x = 80/10 = 8$$

$$\Rightarrow 9x = 9 \times 8 = 72$$

23. Answer: b

Explanation:

वस्तु का अ.मू. = 1500 रु.

एकल छूट = 587.40 रु.

एकल समतुल्य छूट प्रतिशत = $(587.40/1500) \times 100 = 39.16\%$

जैसा कि हम जानते हैं,

प्रत्येक $x\%$ के दो क्रमागत छूट का एकल समतुल्य छूट

$$x + x - (x \times x)/100$$

$$\Rightarrow 2x - x^2/100 = 39.16$$

$$\Rightarrow 200x - x^2 = 3916$$

$$\Rightarrow x^2 - 200x + 3916 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 22x - 178x + 3916 = 0$$

$$\Rightarrow x(x - 22) - 178(x - 22) = 0$$

$$\Rightarrow (x - 178)(x - 22) = 0$$

रखने पर,

$$(x - 178) = 0$$

$$\Rightarrow x = 178 \text{ (सम्भव नहीं है)}$$

पुनः रखने पर,

$$\Rightarrow (x - 22) = 0$$

$$\Rightarrow x = 22$$

केवल एकल 22% का छूट मिलने के बाद वस्तु का विक्रय मूल्य $= 1500 \times (78/100) = 1170$

24. Answer: d

Explanation:

माना D द्वारा प्राप्त किये गए अंक $100x$ हैं

$$C \text{ द्वारा प्राप्त किये गए अंक} = 100x \times (68/100) = 68x$$

$$B \text{ द्वारा प्राप्त किये गए अंक} = 68x \times (120/100) = 81.6x$$

$$A \text{ द्वारा प्राप्त किये गए अंक} = 81.6x \times (110/100) = 89.76x$$

प्रश्नानुसार **Your Personal Exams Guide**

$$89.76x - 68x = 272$$

$$\Rightarrow 21.76x = 272$$

$$\Rightarrow x = 272/21.76 = 12.5$$

$$B \text{ द्वारा प्राप्त किये गए अंक} = 12.5 \times 81.6 = 1020$$

25. Answer: c

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$(a^3 + b^3) = (a + b)(a^2 + b^2 - ab)$$

अब, हम ये कह सकते हैं $(a^3 + b^3)$, $(a + b)$ से पूर्णतया विभाज्य है, इसी प्रकार

$$(127^{97} + 97^{97}), (127 + 97) = 224 \text{ से विभाज्य है}$$

जैसा कि हम जानते हैं, $224/32 = 7$, इसलिए हम कह सकते हैं कि शेषफल 0 है

26. Answer: a

Explanation:

माना वस्तु का क्रय मूल्य $100x$ रुपये है

यदि वस्तु को 14% की हानि पर बेचा जाता है तो उसका विक्रय मूल्य $= 100x \times (114/100) = 114x$

यदि वस्तु को 8% के लाभ पर बेचा जाता है तो उसका विक्रय मूल्य $= 100x \times (92/100) = 92x$

प्रश्नानुसार

$$114x - 92x = 121$$

$$\Rightarrow 22x = 121$$

$$\Rightarrow x = 121/22 = 11/2$$

वस्तु का क्रय मूल्य $= 100 \times (11/2) = 550$ रुपये

वस्तु का विक्रय मूल्य $= 536.25$ रुपये

$$\text{हानि} = 550 - 536.25 = 13.75$$

$$\text{हानि प्रतिशत} = (13.75/550) \times 100 = 2.5\%$$

लघु विधि :

माना वस्तु का क्रय मूल्य 100% है।

$$\Rightarrow 14\% + 8\% = 121$$

$$\Rightarrow 22\% = 121$$

$$\Rightarrow 100\% = 550$$

$$\text{क्रय मूल्य} = 550 \text{ और } SP = 536.25$$

$$\text{हानि प्रतिशत} = (13.75/550) \times 100 = 2.5\%$$

27. Answer: b

Explanation:

माना बड़ी संख्या x और छोटी संख्या y है, तो

$$x = 9y + 41 \quad \text{-----}(1)$$

$$x - y = 2001$$

$$x = 2001 + y \quad \text{-----}(2)$$

समीकरण (1) और समीकरण (2) से

$$9y + 41 = 2001 + y$$

$$\Rightarrow 9y - y = 2001 - 41$$

$$\Rightarrow 8y = 1960$$

$$\Rightarrow y = 1960/8 = 245$$

समीकरण (2) से

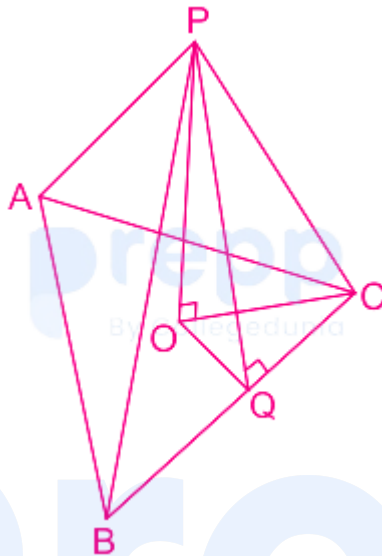
$$\Rightarrow x = 2001 + 245 = 2246$$

इस प्रकार, बड़ी संख्या 2246 है।

$$\text{बड़ी संख्या के अंकों का योगफल} = 2 + 2 + 4 + 6 = 14$$

28. Answer: d

Explanation:



समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल = $16\sqrt{3}$ सेमी²

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{4}\right) \times a^2 = 16\sqrt{3}$$

$$a^2 = 16 \times 4$$

$$\Rightarrow a = \sqrt{16 \times 4} = 4 \times 2$$

$$\Rightarrow a = 8 \text{ सेमी} = AB = BC = CA$$

$$\text{समबाहु त्रिभुज की अन्तः त्रिज्या (r) (OQ)} = \frac{\text{भुजा}}{2\sqrt{3}} = \frac{8}{2\sqrt{3}} = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$\text{इसके पार्श्व फलकों में से एक का क्षेत्रफल} = 30 \text{ सेमी}^2$$

जैसा कि हम जानते हैं, पार्श्व फलक त्रिकोणीय रूप में है,

$$\left(\frac{1}{2}\right) \times \text{आधार (समबाहु त्रिभुज की भुजा)} \times h = 30$$

$$\left(\frac{1}{2}\right) \times 8 \times PQ = 30$$

$$PQ = \frac{30}{4} = \frac{15}{2} \text{ सेमी}$$

जैसा कि हम जानते हैं,

पिरामिड की तिर्यक ऊंचाई $(l) = 15/2$ सेमी

$$PQ^2 = OQ^2 + OP^2$$

$$\Rightarrow (15/2)^2 = (4/\sqrt{3})^2 + h^2$$

$$\Rightarrow h^2 = (225/4) - (16/3)$$

$$\Rightarrow h^2 = (675 - 64)/12 = 611/12$$

$$\Rightarrow h = \sqrt{611/12}$$

$\therefore$ पिरामिड की ऊंचाई $\sqrt{611/12}$ सेमी है।

29. Answer: d

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

विस्तृत हल:

$$(\text{कर्ण})^2 = (\text{आधार})^2 + (\text{लंबवत})^2$$

$$37^2 = 12^2 + 35^2$$

$$\Rightarrow 1369 = 144 + 1225$$

$$\Rightarrow 1369 = 1369$$

$$\text{समकोण त्रिभुज का क्षेत्रफल} = (1/2) \times 35 \times 12 = 210$$

$$\therefore \text{परिवृत्त की त्रिज्या} = abc / (4 \times \text{त्रिभुज का क्षेत्रफल}) = (37 \times 35 \times 12) / (4 \times 210) = 18.5$$

लघु ट्रिक:

अब हम कह सकते हैं कि त्रिभुज समकोण त्रिभुज है।

परिवृत्त की त्रिज्या = कर्ण/2 = $37/2 = 18.5$ सेंटीमीटर

30. Answer: a

Explanation:

18 संख्याओं का औसत = 37.5

18 संख्याओं का योग = $37.5 \times 18 = 675$

6 संख्याओं का औसत = x

6 संख्याओं का योग = $6x$

प्रश्नानुसार,

$$675 + 6x = (18 + 6) \times (37.5 + 1)$$

$$\Rightarrow 675 + 6x = 24 \times 38.5$$

$$\Rightarrow 675 + 6x = 924$$

$$\Rightarrow 6x = 924 - 675$$

$$\Rightarrow 6x = 249$$

$$\Rightarrow x = 249/6$$

$$\Rightarrow x = 41.5$$

31. Answer: c

Explanation:

$$2\cos^2\theta + 3\sin\theta = 3$$

$$\Rightarrow 2(1 - \sin^2\theta) + 3\sin\theta - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 2 - 2\sin^2 \theta + 3 \sin \theta - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 2\sin^2 \theta - 3 \sin \theta + 1 = 0$$

$$\Rightarrow 2\sin^2 \theta - 2\sin \theta - \sin \theta + 1 = 0$$

$$\Rightarrow 2\sin \theta (\sin \theta - 1) - 1(\sin \theta - 1) = 0$$

$$\Rightarrow (2\sin \theta - 1) (\sin \theta - 1) = 0$$

रखने पर,

$$\Rightarrow \sin \theta - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \sin \theta = 1$$

$$\Rightarrow \sin \theta = \sin 90$$

$$\Rightarrow \theta = 90$$

रखने पर,

$$\Rightarrow 2\sin \theta - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \sin \theta = 1/2$$

$$\Rightarrow \sin \theta = \sin 30$$

$$\Rightarrow \theta = 30$$

$$\sin^2 2\theta + \cos^2 \theta + \tan^2 2\theta + \operatorname{cosec}^2 2\theta$$

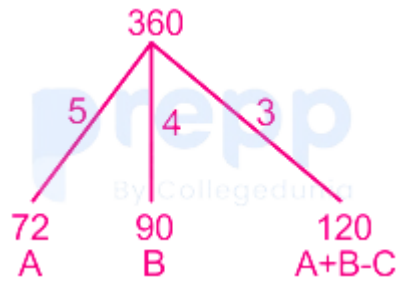
$$\Rightarrow \sin^2 60 + \cos^2 30 + \tan^2 60 + \operatorname{cosec}^2 60$$

$$\Rightarrow (\sqrt{3}/2)^2 + (\sqrt{3}/2)^2 + (\sqrt{3})^2 + (2/\sqrt{3})^2$$

$$\Rightarrow 35/6$$

32. Answer: a

Explanation:



2 घंटे = 120 मिनट

कुल कार्य = 360

माना C की दक्षता x है, तो

$$5 + 4 + x = 3$$

$$\Rightarrow x = 9 - 3$$

$$\Rightarrow x = -6$$

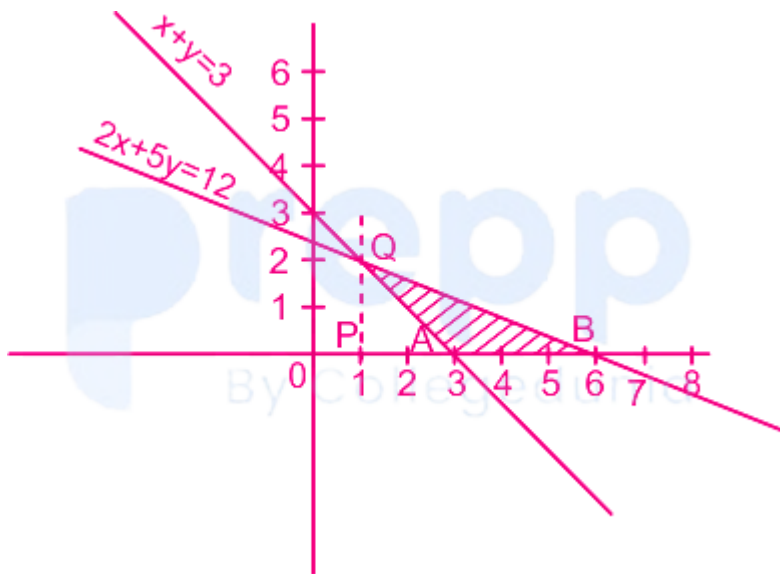
12 मिनट में पाइप A और B द्वारा किया गया कार्य = $(5 + 4) \times 12 = 108$

पाइप C द्वारा टैंक खाली होने में लगने वाला समय = $108/6 = 18$ मिनट

Your Personal Exams Guide

33. Answer: a

Explanation:



जैसा कि हम जानते हैं,

$$x/a + y/b = 1$$

इसलिए,

$$\Rightarrow x + y = 3$$

$$\Rightarrow x/3 + y/3 = 1$$

तो रेखा $x + y = 3$ के निर्देशांक (3, 0) और (0, 3) हैं।

$$\Rightarrow 2x + 5y = 12$$

$$\Rightarrow 2x/12 + 5y/12 = 1$$

$$\Rightarrow x/6 + y/2.4 = 1$$

तो रेखा $2x + 5y = 12$ के निर्देशांक (6, 0) और (0, 2.4) हैं।

निम्नलिखित आलेख से,

माना कि रेखाओं $x + y = 3$ और $2x + 5y = 12$ की प्रतिच्छेदित बिंदु Q है।

$$\Rightarrow x + y = 3 \quad \text{-----(1)}$$

$$\Rightarrow 2x + 5y = 12 \quad \text{-----(2)}$$

समीकरण (1) और समीकरण (2) से,

$$x = 1 \text{ और } y = 2$$

बिंदु Q का निर्देशांक (1, 2) है।

अब, हमें त्रिभुज AOB का क्षेत्रफल ज्ञात करना है।

ΔAOB में,

त्रिभुज का आधार $AB = OB - OA$

$$\Rightarrow AB = 6 - 3 = 3$$

त्रिभुज की ऊँचाई $QP = 2$

$$\Delta AOB \text{ का क्षेत्रफल} = (1/2) \times AB \times QP$$

$$\therefore \Delta AOB \text{ का क्षेत्रफल} = (1/2) \times 3 \times 2 = 3$$

34. Answer: d

Explanation:

माना A, B और C के द्वारा निवेश की गयी धनराशि क्रमशः $3x$, $2x$ और $4x$ है।

$$\text{माना, } 3x = 2x = 4x = k$$

$$A, B \text{ और } C \text{ की धनराशि का अनुपात} = k/3 : k/2 : k/4$$

$$A, B \text{ और } C \text{ की धनराशि का अनुपात} = 12k/3 : 12k/2 : 12k/4 = 4k : 6k : 3k$$

$$A, B \text{ और } C \text{ का लाभ} = 4k : 6k : 3k$$

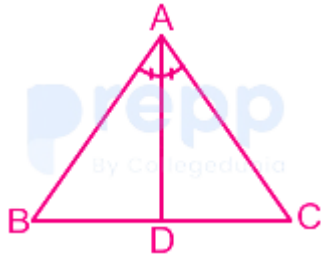
$$\Rightarrow 3k = 4863$$

$$\Rightarrow k = 4863/3 = 1621$$

$$\text{लाभ में A का हिस्सा} = 4k = 4 \times 1621 = 6484$$

35. Answer: a

Explanation:



$\angle A$ का द्विभाजक, $\triangle ABC$ BC से D पर मिलता है, तो

$$DC/BD = AC/AB$$

$$DC/BD = 13/15$$

$$DC : BD \text{ का अनुपात} = 13x : 15x$$

$$BC = BD + DC$$

$$14 = 15x + 13x$$

$$\Rightarrow 14 = 28x$$

$$\Rightarrow x = 14/28$$

$$\Rightarrow x = 1/2$$

$$\Rightarrow DC = 13x = 13/2 = 6.5$$

36. Answer: b

Explanation:

दिया गया है:

विलयन की कुल मात्रा = 32 लीटर

अम्ल और पानी का अनुपात = 5 : 3

गणना:

विलयन की मात्रा = 32 लीटर

विलयन की शेष मात्रा = 32 - 12 = 20 लीटर

विलयन में पानी की मात्रा = $20 \times (3/8) = 7.5$

विलयन में अम्ल की मात्रा = 20 - 7.5 = 12.5

7.5 लीटर मिलाने के बाद पानी की मात्रा = 7.5 + 7.5 = 15 लीटर

अम्ल और पानी का अनुपात = 12.5 : 15 = 5 : 6

∴ परिणामी विलयन में अम्ल और पानी का अनुपात 5 : 6 है

37. Answer: d

Explanation:

दिया गया है, बेलन की त्रिज्या = 12 सेंटीमीटर और बेलन की ऊँचाई = 15 सेंटीमीटर

शंकु की त्रिज्या = अर्धगोला की त्रिज्या (r) = 3 सेंटीमीटर और शंकु की ऊँचाई (h) = 9 सेंटीमीटर

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{बेलन का आयतन} = \pi R^2 H$$

खिलौनों का आयतन = शंकु का आयतन + अर्धगोला का आयतन

$$\text{खिलौनों का आयतन} = (1/3) \pi r^2 h + (2/3) \pi r^3$$

प्रश्नानुसार,

$$n \times [(1/3) \pi r^2 h + (2/3) \pi r^3] = \pi R^2 H$$

$$\Rightarrow n \times \pi \times 3^2 \times [(1/3) \times 9 + (2/3) \times 3] = \pi \times 12^2 \times 15$$

$$\Rightarrow n [3 + 2] = (144 \times 15)/9$$

$$\Rightarrow n = (16 \times 15)/5$$

$$\Rightarrow n = 48$$

38. Answer: b

Explanation:

कुएं की ऊंचाई $H = 15$ मी और कुएं की त्रिज्या $r = 2.8$ मी

माना प्लेटफार्म की लंबाई l मी है

प्लेटफार्म की चौड़ाई $b = 8$ मी

प्लेटफार्म की ऊंचाई $h = 1.5$ मी

प्रश्नानुसार

$$lbh = \pi r^2 h$$

$$l \times 8 \times 1.5 = (22/7) \times 2.8 \times 2.8 \times 15$$

$$\Rightarrow l = (22 \times 2.8 \times 2.8 \times 15)/(8 \times 1.5 \times 7)$$

$$\Rightarrow l = 30.8 \text{ मी}$$

प्लेटफार्म की लंबाई 30.8 मी है।

39. Answer: d

Explanation:

दिया है:

$$5\sqrt{5} x^3 + 2\sqrt{2} y^3 = (Ax + \sqrt{2}y)(Bx^2 + 2y^2 + Cxy)$$

उपयोगी सूत्र:

$$(a^3 + b^3) = (a + b)(a^2 + b^2 - ab)$$

गणना:

$$5\sqrt{5} x^3 + 2\sqrt{2} y^3 = (Ax + \sqrt{2}y)(Bx^2 + 2y^2 + Cxy)$$

$$\Rightarrow (\sqrt{5} x)^3 + (\sqrt{2} y)^3 = (Ax + \sqrt{2}y)(Bx^2 + 2y^2 + Cxy)$$

$$\Rightarrow (\sqrt{5} x + \sqrt{2} y)(5x^2 + 2y^2 - \sqrt{10} xy) = (Ax + \sqrt{2} y)(Bx^2 + 2y^2 + Cxy)$$

तुलना करने पर,

$$\Rightarrow A = \sqrt{5}, B = 5, C = -\sqrt{10}$$

$$(A^2 + B^2 - C^2) = (5 + 25 - 10)$$

$$\Rightarrow 20$$

$$\therefore (A^2 + B^2 - C^2) \text{ का मान } 20 \text{ है।}$$

40. Answer: d

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{बहुभुज में भुजाओं की संख्या} = 360/\text{बाह्य कोण} = \frac{360}{\left(\frac{360}{51\frac{3}{7}}\right)} = \frac{360}{\frac{360}{7}} = 7$$

$$\text{विकर्णों की संख्या} = [n(n-3)]/2 = [7(7-3)]/2 = [7 \times 4]/2 = 14$$

$$\text{अभीष्ट अनुपात} = 14 : 7 = 2 : 1$$

41. Answer: c

Explanation:

माना कि कुल दूरी 100 किलोमीटर है।

कुल दूरी का 40% = $100 \times (40/100) = 40$ किलोमीटर

कुल दूरी का 40% = $(100 - 40) \times (40/100) = 60 \times (40/100) = 24$ किलोमीटर

शेष दूरी = $100 - 40 - 24 = 36$ किलोमीटर

जैसा कि हम जानते हैं,

औसत गति = कुल दूरी/कुल समय

8 किलोमीटर/घंटा की गति से 40% दूरी तय करने के लिए लिया गया समय = $40/8 = 5$ घंटा

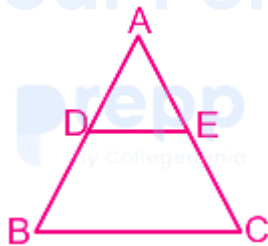
9 किलोमीटर/घंटा की गति से 40% दूरी तय करने के लिए लिया गया समय = $24/9 = 8/3$ घंटा

12 किलोमीटर/घंटा की गति से शेष दूरी तय करने के लिए लिया गया समय = $36/12 = 3$ घंटा

$\therefore$ औसत गति = $100 / (5 + 8/3 + 3) = 100 / [(15 + 8 + 9)/3] = (100 \times 3)/32 = 75/8 = 9\frac{3}{8}$ किलोमीटर/घंटा

42. Answer: c

Explanation:



निम्न चित्र से, यदि $AD \times AC = AB \times AE$ या

$$\Rightarrow AD/AB = AE/AC$$

अब, हम कह सकते हैं कि $\triangle ADE \sim \triangle ABC$, अतः

$$\angle ABC = \angle ADE \text{ और } \angle ACB = \angle AED$$

$$\Rightarrow \angle ABC = \angle ADE = 78^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ADE = \angle ACB + 30^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ACB = 78^\circ - 30^\circ = 48^\circ$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle A + 78^\circ + 48^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle A = 180^\circ - 126^\circ = 54^\circ$$

43. Answer: c

Explanation:

त्वरित विधि :

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta + \cos \theta - 1}{\sin \theta - \cos \theta + 1} \times \frac{\tan^2 \theta (\operatorname{cosec}^2 \theta - 1)}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\theta = 45 \text{ रखिये}$$

$$\Rightarrow \left[\frac{\{1/\sqrt{2} + 1/\sqrt{2}\} - 1}{\{1/\sqrt{2} - 1/\sqrt{2} + 1\}} \right] \times \left[\frac{1(2-1)}{(\sqrt{2}-1)} \right]$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2}-1)/(\sqrt{2}-1)$$

$$\Rightarrow 1$$

विस्तृत हल :

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\operatorname{cosec}^2 \theta - 1 = \cot^2 \theta$$

$$\Rightarrow \sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$$

$$\Rightarrow \tan \theta \cot \theta = 1$$

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta + \cos \theta - 1}{\sin \theta - \cos \theta + 1} \times \frac{\tan^2 \theta (\operatorname{cosec}^2 \theta - 1)}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$\cos \theta$ in $(\sin \theta + \cos \theta - 1)/(\sin \theta - \cos \theta + 1)$ से विभाजित करने पर

$$\Rightarrow \frac{\tan \theta + 1 - \sec \theta}{\tan \theta - 1 + \sec \theta} \times \frac{\tan^2 \theta \cot^2 \theta}{\sec \theta - \tan \theta}$$

या हम लिख सकते हैं

$$\Rightarrow \frac{\sec \theta - \tan \theta - 1}{1 - \sec \theta - \tan \theta} \times \frac{\tan^2 \theta \cot^2 \theta}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sec \theta - \tan \theta) - (\sec^2 \theta - \tan^2 \theta)}{1 - \sec \theta - \tan \theta} \times \frac{1}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sec \theta - \tan \theta) - [(\sec \theta - \tan \theta)(\sec \theta + \tan \theta)]}{1 - \sec \theta - \tan \theta} \times \frac{1}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sec \theta - \tan \theta)[1 - (\sec \theta + \tan \theta)]}{1 - \sec \theta - \tan \theta} \times \frac{1}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{(\sec \theta - \tan \theta)[1 - \sec \theta - \tan \theta]}{1 - \sec \theta - \tan \theta} \times \frac{1}{\sec \theta - \tan \theta}$$

$$\Rightarrow 1$$

44. Answer: d

Explanation:

1 वर्ष के लिए ब्याज दर = 15%

2/5 वर्ष के लिए ब्याज दर = $15 \times (2/5) = 6\%$

प्रश्न के अनुसार

$$A = P (1 + r/100)^t$$

$$4205.55 = P (1 + 15/100) \times (1 + 15/100) \times (1 + 6/100)$$

$$\Rightarrow 4205.55 = P \times (115/100) \times (115/100) \times (106/100)$$

$$\Rightarrow P = 4205.55 \times (100/115) \times (100/115) \times (100/106)$$

$$\Rightarrow P = 3000$$

45. Answer: c

Explanation:

दो संख्याओं का अनुपात = $3x : 5x$

प्रश्नानुसार,

$$(3x - 13)/(5x - 13) = 10/21$$

$$\Rightarrow 21(3x - 13) = 10(5x - 13)$$

$$\Rightarrow 63x - 273 = 50x - 130$$

$$\Rightarrow 63x - 50x = 273 - 130$$

$$\Rightarrow 13x = 143$$

$$\Rightarrow x = 143/13$$

$$\Rightarrow x = 11$$

$$\text{पहली संख्या} = 3x = 3 \times 11 = 33$$

$$\text{दूसरी संख्या} = 5x = 5 \times 11 = 55$$

यदि प्रत्येक संख्या में 15 का योग किया जाता है तो दोनों संख्याओं का अनुपात = $(33 + 15) : (55 + 15) = 48 : 70$
 $= 24 : 35$

46. Answer: d

Explanation:

$$P = 10,500 \text{ और } A = 13,825 \text{ और } t = 3\frac{4}{5} = 19/5$$

$$SI = 13,825 - 10,500 = 3,325$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$SI = \frac{Prt}{100}$$

$$\Rightarrow 3325 = \frac{[10,500 \times r \times 19/5]}{100}$$

$$\Rightarrow r = 3325 \times 5/19 \times 1/105$$

$$\Rightarrow r = 25/3$$

यदि ब्याज की दर दोगुनी है, तो ब्याज की नयी दर = $(25/3) \times 2 = 50/3$

$$SI = \frac{[10,500 \times (50/3) \times 5]}{100}$$

$$\Rightarrow SI = 8,750$$

छोटा तरीका :

$$P = 10,500 \text{ और } A = 13,825 \text{ और } t = 3\frac{4}{5} = 19/5$$

$$SI = 13,825 - 10,500 = 3,325$$

$$19/5 \text{ वर्षों के लिए साधारण ब्याज} = 3325$$

$$1 \text{ वर्ष के लिए साधारण ब्याज} = 3325 \times (5/19) = 875$$

$$\text{यदि ब्याज की दर दोगुनी है, तो ब्याज की नयी दर} = 875 \times 2 = 1750$$

$$5 \text{ वर्षों के लिए ब्याज की दर} = 1750 \times 5 = 8750$$

47. Answer: d

Explanation:

$$5x - 2y + 1 = 0$$

$$\Rightarrow 5x - 2y = -1 \quad \text{-----(1)}$$

$$4y - 3x + 5 = 0$$

$$\Rightarrow 4y - 3x = -5 \quad \text{-----(2)}$$

समीकरण (1) में 2 से गुणा करने के बाद समीकरण (1) और समीकरण (2) को जोड़ने पर

$$\Rightarrow 7x = -7$$

$$\Rightarrow x = -1$$

समीकरण (1) से

$$5(-1) - 2y = -1$$

$$\Rightarrow -5 - 2y = -1$$

$$\Rightarrow -2y = -1 + 5$$

$$\Rightarrow -2y = 4$$

$$\Rightarrow y = -4/2$$

$$\Rightarrow y = -2$$

$$\Rightarrow \alpha = (-1)$$

$$\Rightarrow \beta = (-2)$$

$$\Rightarrow (2\alpha - 3\beta)$$

$$\Rightarrow 2 \times (-1) - 3 \times (-2)$$

$$\Rightarrow -2 + 6$$

$$\Rightarrow 4$$

48. Answer: c

Explanation:

$$\frac{3(x^2+1)-7x}{3x} = 6$$

x से विभाजित करने पर

$$\Rightarrow \frac{3\left(x + \frac{1}{x}\right) - 7}{3} = 6$$

$$\Rightarrow 3\left(x + \frac{1}{x}\right) - 7 = 6 \times 3$$

$$\Rightarrow 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 18 + 7 = 25$$

$$\Rightarrow x + \frac{1}{x} = \frac{25}{3}$$

जैसाकि हम जानते हैं,

$$(\sqrt{x} + 1/\sqrt{x})^2 = x + 1/x + 2$$

$$\Rightarrow (\sqrt{x} + 1/\sqrt{x})^2 = \frac{25}{3} + 2$$

$$\Rightarrow \sqrt{x} + 1/\sqrt{x} = \sqrt{31/3}$$

49. Answer: b

Explanation:

माना कि ब्याज दर $r\%$ है, तो

प्रश्नानुसार,

$$[25000 \times 1/4 \times r \times 2]/100 + [25000 \times 3/4 \times (r + 4) \times 2]/100 = 4125$$

$$\Rightarrow 125r + 375r + 1500 = 4125$$

$$\Rightarrow 500r = 4125 - 1500$$

$$\Rightarrow 500r = 2625$$

$$\Rightarrow r = 2625/500$$

$$\Rightarrow r = 5.25\%$$

$$\therefore \text{अभीष्ट ब्याज दर} = r + 4 = 5.25 + 4 = 9.25\%$$

★ Alternate Method

प्रश्नानुसार, $(3/4)$ वें राशि के लिए अतिरिक्त 4% ब्याज का भुगतान किया जाता है।

$$\text{अर्थात्, } PRT/100 + 4(3P/4)T/100 = 4125$$

$$PT/100 \times [R + 3] = 4125$$

$$R + 3 = 412500 / (25000 \times 2) = 8.25\%$$

$$\text{दूसरे भाग के निवेश की दर} = R + 4 = 8.25 + 1 = 9.25\%$$

$\therefore$ अभीष्ट ब्याज दर 9.25% है।

50. Answer: b

Explanation:

छोटा तरीका :

$$ab(a - b) + bc(b - c) + ca(c - a)$$

माना $a = 1$, $b = 2$ और $c = 3$, तो

$$\Rightarrow 1 \times 2 (1 - 2) + 2 \times 3 (2 - 3) + 3 \times 1 (3 - 1)$$

$$\Rightarrow 2 \times (-1) + 6 \times (-1) + 3 \times 2$$

$$\Rightarrow -2 - 6 + 6$$

$$\Rightarrow -2$$

विकल्प 2 की मदद से

$$(b - a)(b - c)(c - a)$$

$$\Rightarrow (2 - 1)(2 - 3)(3 - 1)$$

$$\Rightarrow 1 \times (-1) \times 2$$

$$\Rightarrow -2$$

51. Answer: a

Explanation:

त्वरित विधि :

$$15 + 20 + [(20 \times 15)/100]$$

$$\Rightarrow 35 + 3$$

$$\Rightarrow 38\%$$

विस्तृत हल :

माना संख्या x है।

$$\text{वृद्धि के बाद संख्या होगी} = x \times (115/100) \times (120/100) = 1.38x$$

$$\text{संख्या में वृद्धि} = 1.38x - x = 0.38x$$

$$\text{संख्या में वृद्धि (\% में)} = (0.38x/x) \times 100 = 38\%$$

52. Answer: c

Explanation:

$$\sqrt{28 + 10\sqrt{3}} - \sqrt{7 - 4\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{5^2 + \sqrt{3}^2 + 2 \times 5 \times \sqrt{3}} - \sqrt{2^2 + \sqrt{3}^2 - 2 \times 2 \times \sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{[(5 + \sqrt{3})]^2} - \sqrt{[(2 - \sqrt{3})]^2}$$

$$\Rightarrow 5 + \sqrt{3} - (2 - \sqrt{3})$$

$$\Rightarrow 5 + \sqrt{3} - 2 + \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 3 + 2\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 3 + 2 \times 1.72$$

$$\Rightarrow 3 + 3.44$$

$$\Rightarrow 6.44$$

$$\Rightarrow 6.5$$

53. Answer: a

Explanation:

प्रश्नानुसार,

$$80 \text{ विक्रय मूल्य} - 80 \text{ लागत मूल्य} = 30 \text{ लागत मूल्य}$$

$$80 \text{ विक्रय मूल्य} = 80 \text{ लागत मूल्य} + 30 \text{ लागत मूल्य}$$

$$80 \text{ विक्रय मूल्य} = 110 \text{ लागत मूल्य}$$

$$\text{विक्रय मूल्य} : \text{लागत मूल्य} = 11 : 8$$

$$\text{विक्रय मूल्य} = 11 \text{ और लागत मूल्य} = 8$$

$$\text{लाभ} = 11 - 8 = 3$$

$$\therefore \text{लाभ \%} = (3/8) \times 100 = 37\frac{1}{2} \%$$

54. Answer: d

Explanation:

$$24 \times 2 \div 12 + 12 \div 6 \text{ का } 2 \div (15 \div 8 \times 4) \text{ का } (28 \div 7 \text{ का } 5)$$

$$\Rightarrow 24 \times (2/12) + 12 \div 12 \div [(15/8) \times 4] \text{ का } (28 \div 35)$$

$$\Rightarrow 4 + 1 \div (15/2) \text{ का } 4/5$$

$$\Rightarrow 4 + 1 \div 6$$

$$\Rightarrow 4 + 1/6$$

$$\Rightarrow 4\frac{1}{6}$$

55. Answer: d

Explanation:

प्रिज्म की ऊँचाई = 18 सेमी

त्रिभुज की भुजाएं 5 सेमी, 8 सेमी और 12 सेमी हैं।

जैसा कि हम जानते हैं,

प्रिज्म का पार्श्व-पृष्ठीय क्षेत्रफल = आधार का परिमाप $\times$ ऊँचाई

प्रिज्म का पार्श्व-पृष्ठीय क्षेत्रफल = $(5 + 8 + 12) \times 18 = 25 \times 18 = 450$ वर्ग सेमी

56. Answer: c

Explanation:

बेलन की त्रिज्या $r = 3$ सेमी

बेलन का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल = 60π

$$2\pi rh = 60\pi$$

$$\Rightarrow 2\pi \times 3 \times h = 60\pi$$

$$\Rightarrow h = 60\pi / 6\pi = 10$$

$$\text{बेलन का} = \pi r^2 h = \pi \times 3 \times 3 \times 10 = 90\pi$$

57. Answer: a

Explanation:

माना कि नाव की गति x किलोमीटर/घंटा और धारा की गति y किलोमीटर/घंटा है।

प्रश्नानुसार,

$$x - y = (900 \times 60) / (12 \times 1000)$$

$$\Rightarrow x - y = 4.5 \text{ किलोमीटर/घंटा} \quad \text{-----(1)}$$

$$\Rightarrow x + y = (900 \times 60) / (9 \times 1000)$$

$$\Rightarrow x + y = 6 \text{ किलोमीटर/घंटा} \quad \text{-----(2)}$$

समीकरण (1) और समीकरण (2) को जोड़ने पर,

$$\Rightarrow 2x = 10.5$$

$$\Rightarrow x = 5.25 \text{ किलोमीटर/घंटा}$$

$\therefore$ स्थिर पानी में आदमी की गति = 5.25 किलोमीटर/घंटा या $5\frac{1}{4}$ किलोमीटर/घंटा

58. Answer: d

Explanation:

प्रयुक्त सूत्र:

चक्रवृद्धि ब्याज के मामले में किस्त है

$$P = x / (1 + r/100) + x / (1 + r/100)^2 + \dots + x / (1 + r/100)^n$$

हिसाब:

दिया गया है, (प्रत्येक किस्त) $x = 6,760$, $r = 4\%$, $n = 2$ और $P = ?$

$$P = [x / (1 + r/100)] + [x / (1 + r/100)^2]$$

$$\Rightarrow P = [6,760 / (1 + 4/100)] + [6,760 / (1 + 4/100)^2]$$

$$\Rightarrow P = [6760 \times (25/26)] + [6760 \times (25/26) \times (25/26)]$$

$$\Rightarrow P = 6500 + 6250 = 12750$$

कुल भुगतान किया गया = $6760 \times 2 = 13520$ रुपए

$$\text{चुकाया गया ब्याज} = 13520 - 12750 = 770$$

★ Shortcut Trick

ब्याज दर = 8% p. a

6 महीने के लिए ब्याज दर = $8/2 = 4\%$

$$\Rightarrow 4\% = 1/25$$

$$\text{कुल किश्त} = 6760 \times 2 = 13520$$

$$\Rightarrow 1352 \text{ इकाई} = 13520$$

$$\Rightarrow 1 \text{ इकाई} = 10$$

$$\Rightarrow (1352 - 1275 = 77) \text{ इकाई} = 77 \times 10 = 770$$

प्रश्न में कहा गया है कि किश्त का भुगतान अर्धवार्षिक किया जाता है। इसलिए, हम ब्याज दर को $r\%/2$ के रूप में लेते हैं। यहां, यानी हर किश्त के लिए $8/2 = 4\%$

59. Answer: c

Explanation:

शंकु की त्रिज्या और ऊँचाई = $5x : 12x$

जैसा कि हम जानते हैं,

शंकु का वक्र-पृष्ठीय क्षेत्रफल = $\pi r l$

$$l^2 = r^2 + h^2$$

$$\Rightarrow l^2 = (5x)^2 + (12x)^2$$

$$\Rightarrow l^2 = 25x^2 + 144x^2 = 169x^2$$

$$\Rightarrow l = \sqrt{169x^2}$$

$$\Rightarrow l = 13x$$

$$\text{शंकु का वक्र-पृष्ठीय क्षेत्रफल} = \pi r l$$

$$\pi r l = 816.4$$

$$\Rightarrow 3.14 \times 5x \times 13x = 816.4$$

$$\Rightarrow x^2 = 816.4 / (3.14 \times 5 \times 13)$$

$$\Rightarrow x^2 = 4$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{4}$$

$$\Rightarrow x = 2$$

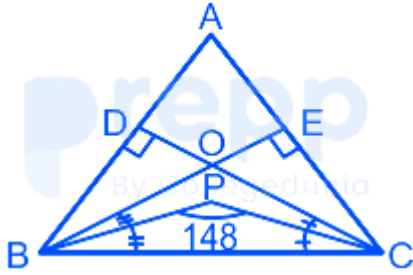
$$\text{शंकु की त्रिज्या} = 5 \times 2 = 10$$

$$\text{शंकु की ऊँचाई} = 12 \times 2 = 24$$

$$\text{शंकु का आयतन} = (1/3) \times \pi r^2 h = (1/3) \times 3.14 \times 10 \times 10 \times 24 = 2512 \text{ घन सेमी}$$

60. Answer: c

Explanation:



जैसा कि हम जानते हैं,

$$\angle BPC = 90^\circ + \angle BOC/2$$

$$\Rightarrow 148^\circ = 90^\circ + \angle BOC/2$$

$$\Rightarrow \angle BOC/2 = 148^\circ - 90^\circ = 58^\circ$$

$$\Rightarrow \angle BOC = 58^\circ \times 2 = 116^\circ$$

$$\Rightarrow \angle BOC = \angle DOE = 116^\circ \text{ [विपरीत कोण]}$$

चतुर्भुज ADOE में,

$$\angle DAE + \angle ADO + \angle DOE + \angle OEA = 360$$

$$\Rightarrow \angle DAE + 90^\circ + 116^\circ + 90^\circ = 360^\circ$$

$$\Rightarrow \angle DAE = 360^\circ - 296^\circ = 64^\circ$$

61. Answer: c

Explanation:

A, B और C के बचत का अनुपात = $8k : 9k : 20K$

माना कि A, B और C की आय क्रमशः x, y और z है।

प्रश्नानुसार,

$$x \times (20/100) = 8k$$

$$\Rightarrow x = 8 \times (100/20) = 40k$$

$$\Rightarrow y \times (15/100) = 9k$$

$$\Rightarrow y = 9k \times (100/15) = 60k$$

$$\Rightarrow z \times (25/100) = 20k$$

$$\Rightarrow z = 20k \times (100/25) = 80k$$

$$A, B \text{ और } C \text{ की आय का अनुपात} = 40k : 60k : 80k = 2k : 3k : 4K$$

$$\Rightarrow 4k - 2k = 18000$$

$$\Rightarrow 2k = 18000$$

$$\Rightarrow k = 18000/2 = 9000$$

$$\Rightarrow 3k = 9000 \times 3 = 27000$$

62. Answer: b

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

कुल काम = कुल काम

प्रश्नानुसार,

$$25 \times 60 = 25 \times x + 15 \times (80 - x)$$

$$\Rightarrow 1500 = 25x + 1200 - 15x$$

$$\Rightarrow 25x - 15x = 1500 - 1200$$

$$\Rightarrow 10x = 300$$

$$\Rightarrow x = 30$$

सूचना : वास्तविक परीक्षा में दिए गए विकल्प गलत थे, इसलिए, हमने उनमें संशोधन किया है और तदनुसार हल प्रदान किया है।

63. Answer: a

Explanation:

खंड की त्रिज्या $r = 10.5$ सेमी

खंड की परिधि जिसका कोण 120° है $= 2 \pi r \times (\theta/360) = 2 \times (22/7) \times 10.5 \times (120/360)$

$$\Rightarrow 2 \times (22/7) \times 10.5 \times (1/3)$$

$$\Rightarrow 22$$

खंड की परिधि जिसका कोण 120° है $= 22$

यदि हम खंड के द्वारा घन बनाते हैं,

शंकु की तिर्यक ऊँचाई = खंड की त्रिज्या $= 10.5$ सेमी

शंकु की परिधि $= 22$

$$2 \pi r = 22$$

$$\Rightarrow 2 \times (22/7) \times r = 22$$

$$\Rightarrow r = 7/2 = 3.5 \text{ सेमी}$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\Rightarrow l^2 = r^2 + h^2$$

$$\Rightarrow (10.5)^2 = (3.5)^2 + h^2$$

$$\Rightarrow h^2 = 110.25 - 12.25$$

$$\Rightarrow h = \sqrt{98}$$

$$\Rightarrow h = 7 \sqrt{2} \text{ सेमी}$$

$$\text{शंकु का आयतन} = (1/3) \times \pi r^2 h = (1/3) \times \pi \times (7/2) \times (7/2) \times 7 \sqrt{2} = \frac{343\sqrt{2}}{12} \pi$$

64. Answer: c

Explanation:

$$\frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta} = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin^2 \theta + (1+\cos \theta)^2}{(1+\cos \theta) \sin \theta} = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin^2 \theta + 1 + \cos^2 \theta + 2 \cos \theta}{(1+\cos \theta) \sin \theta} = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \frac{2+2 \cos \theta}{(1+\cos \theta) \sin \theta} = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow 2(1+\cos \theta) / (1+\cos \theta) \sin \theta = 4 / \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow 2 / \sin \theta = 4 / \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \operatorname{cosec} \theta = 2 / \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \operatorname{cosec} \theta = \operatorname{cosec} 60$$

$$\Rightarrow \theta = 60$$

$$\Rightarrow (\tan \theta + \sec \theta)^{-1}$$

$$\Rightarrow 1 / (\tan \theta + \sec \theta)$$

$$1 / (\tan 60 + \sec 60)$$

$$1 / (2 + \sqrt{3})$$

$$[1(2 + \sqrt{3})] \times [(2 - \sqrt{3}) / (2 - \sqrt{3})]$$

$$(2 - \sqrt{3}) / (4 - 3)$$

$$2 - \sqrt{3}$$

65. Answer: b

Explanation:

$$(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\Rightarrow 6^2 = 30 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\Rightarrow 2(xy + yz + zx) = 36 - 30 = 6$$

$$\Rightarrow (xy + yz + zx) = 6/2 = 3$$

$$\Rightarrow (xy + yz + zx) = 3$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x + y + z) [(x + y + z)^2 - 3(xy + yz + zx)]$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 - 3 \times (-10) = 6 [6^2 - 3 \times 3]$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 + 30 = 6 (36 - 9)$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 + 30 = 6 \times 27$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 = 162 - 30 = 132$$

$$\Rightarrow x^3 + y^3 + z^3 = 132$$

66. Answer: c

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{भाज्य} = \text{भाजक} \times \text{भागफल} + \text{शेष}$$

$$\text{भाज्य} = 17 \times 2 + 0$$

$$\text{भाज्य} = 34$$

फिर से,

$$\text{भाज्य} = \text{भाजक} \times \text{भागफल} + \text{शेष}$$

$$\text{भाज्य} = 34 \times 11 + 17$$

$$\text{भाज्य} = 374 + 17 = 391$$

फिर से,

$$\text{भाज्य} = \text{भाजक} \times \text{भागफल} + \text{शेष}$$

$$\text{भाज्य} = 391 \times 1 + 34$$

$$\text{भाज्य} = 391 + 34 = 425$$

दो संख्याएँ 425 और 391 हैं।

$$\text{दोनों संख्याओं का योग} = 425 + 391 = 816$$

67. Answer: a

Explanation:

$$\Rightarrow 9\frac{4}{9} \div 11\frac{1}{3} \text{ of } \frac{1}{6} + \left(1\frac{1}{3} \times 1\frac{4}{5} \div \frac{3}{5}\right) \times 2\frac{1}{6} \text{ of } \frac{2}{3} \div \frac{4}{3} \text{ of } \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{85}{9} \div \frac{34}{3} \times \frac{1}{6} + \left(\frac{4}{3} \times \frac{9}{5} \div \frac{3}{5}\right) \times \frac{13}{6} \times \frac{2}{3} \div \frac{4}{3} \times \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{85}{9} \div \frac{17}{9} + \left(\frac{4}{3} \times \frac{9}{5} \times \frac{5}{3}\right) \times \frac{13}{9} \div \frac{4}{3} \times \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{85}{9} \times \frac{9}{17} + 4 \times \frac{13}{9} \div \frac{8}{9}$$

$$\Rightarrow 5 + 4 \times (13/9) \div (9/8)$$

$$\Rightarrow 5 + (13/2)$$

$$\Rightarrow 23/2$$

$$19\frac{1}{4} = 77/4 \text{ और } 23/2 = 77/4 - 23/2 = (77 - 46)/2 \text{ का अंतर है } = 31/4 = 7\frac{3}{4}$$

68. Answer: d

Explanation:

माना टैंक की लम्बाई = 12 मीटर

टैंक की ऊंचाई = 30 सेमी = $30/100$ मीटर = 0.3 मीटर

माना टैंक की चौड़ाई b मीटर है

प्रश्नानुसार

$$12 \times b \times 0.3 = 18$$

$$b = 18 / (12 \times 0.3)$$

$$b = 5$$

69. Answer: a**Explanation:**

माना कि कुल माल 100 है और उनकी कीमत 100 रुपये है।

प्रश्नानुसार

$$100 \times (35/100) \times (165/100) + 100 \times (65/100) \times (100 - x)/100 = 100 \times (88/100)$$

$$\Rightarrow 57.75 + 65 - 0.65x = 88$$

$$\Rightarrow 0.65x = 57.75 + 65 - 88$$

$$\Rightarrow 0.65x = 34.75$$

$$\Rightarrow x = 34.75/0.65$$

$$\therefore x = 53.5\%$$

70. Answer: d

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{गेंद का आयतन} = \left(\frac{4}{3}\right) \pi r^3$$

$$\text{बेलन का आयतन} = \pi r^2 h$$

माना गोलाकार गेंद की त्रिज्या r सेमी और गोलाकार गेंद की ऊंचाई h सेमी है

$$\text{बेलनाकार छड़ की त्रिज्या} = 3r \text{ और बेलनाकार छड़ की ऊंचाई} = 4r$$

प्रश्नानुसार

$$N \times \left(\frac{4}{3}\right) \times \pi \times r^3 = \pi (3r)^2 \times 4r$$

$$\Rightarrow N = 27$$

71. Answer: c

Explanation:

दिया हुआ:

$$(5x - 3)^3 + (2x + 5)^3 + 27(4 - 3x)^3 = 9(3 - 5x)(2x + 5)(3x - 4)$$

सूत्र:

$$\text{यदि, } a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = 0, \text{ तो } a + b + c = 0$$

गणना:

$$(5x - 3)^3 + (2x + 5)^3 + 27(4 - 3x)^3 = 9(3 - 5x)(2x + 5)(3x - 4)$$

$$\Rightarrow (5x - 3)^3 + (2x + 5)^3 + [3(4 - 3x)]^3 - 3(5x - 3)(2x + 5)[3(4 - 3x)] = 0,$$

तब

$$\Rightarrow (5x - 3) + (2x + 5) + [3(4 - 3x)] = 0$$

$$\Rightarrow 5x - 3 + 2x + 5 + 12 - 9x = 0$$

$$\Rightarrow -2x + 14 = 0$$

$$\Rightarrow -2x = -14$$

$$\Rightarrow x = 14/2$$

$$\Rightarrow x = 7$$

अब,

$$(2x + 1)$$

$$= 2 \times 7 + 1$$

$$= 14 + 1$$

$$= 15$$

72. Answer: b

Explanation:

माना आय $100x$ है

$$\text{मोनिका का व्यय} = 100x \times (72/100) = 72x$$

$$\text{मोनिका की बचत} = 100x - 72x = 28x$$

$$\text{मोनिका की नई आय} = 100x \times (120/100) = 120x$$

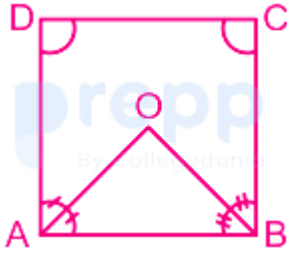
$$\text{मोनिका की नई बचत} = 28x \times (115/100) = 32.2x$$

$$\text{मोनिका का नया व्यय} = 120x - 32.2x = 87.8x$$

$$\text{उसके व्यय में वृद्धि} = [(87.8x - 72x)/72x] \times 100 = 21.9\%$$

73. Answer: a

Explanation:



लघु ट्रिक्:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$2\angle AOB = \angle C + \angle D$$

$$\Rightarrow 2\angle AOB = 72^\circ + 28^\circ$$

$$\Rightarrow \angle AOB = 100^\circ / 2 = 50^\circ$$

विस्तृत हल:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$$

$$\Rightarrow \angle A + \angle B + 72^\circ + 28^\circ = 360^\circ$$

$$\Rightarrow \angle A + \angle B = 360^\circ - 100^\circ = 260^\circ$$

ΔAOB में,

$$\angle A/2 + \angle B/2 + \angle AOB = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle A/2 + \angle B/2 + \angle AOB = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle AOB = 180^\circ - (\angle A + \angle B)/2$$

$$\Rightarrow \angle AOB = 180^\circ - 260^\circ/2$$

$$\therefore \angle AOB = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

74. Answer: b

Explanation:

A का (B और C) से दक्षता का अनुपात = 1 : 1 ----(1)

(A और B) का C से समय अनुपात = 36 : 60 = 3 : 5

जैसा कि हम जानते हैं,

दक्षता समय के व्युत्क्रमानुपाती होती है,

(A और B) का C से दक्षता का अनुपात = 5 : 3 ----(2)

समीकरण (1) में 4 से गुणा करते हैं,

A का (B और C) से दक्षता अनुपात = 4 : 4 ----(3)

अब हम कह सकते हैं कि, समीकरण (2) और समीकरण (3) से

A की दक्षता = 4 और C की दक्षता = 3 और B की दक्षता = 4 - 3 = 1

कुल काम = 3 × 60 = 180

A और C के द्वारा दिनों में किया गया काम = (4 + 3) × 10 = 7 × 10 = 70

शेष काम = 180 - 70 = 110

B द्वारा अकले किया गया शेष काम = 110/1 = 110 दिन

75. Answer: d

Explanation:

A और B का अनुपात = 2x : 3x ---(1)

B और C का अनुपात = x : 2x ---(2)

C और D का अनुपात = 3x : 4x ---(3)

समीकरण (2) में 3 और समीकरण (3) में 2 से गुणा करने पर

A, B, C और D का अनुपात = $2x : 3x : 6x : 8x$

$$\Rightarrow 8x - 2x = 648$$

$$\Rightarrow 6x = 648$$

$$\Rightarrow x = 648/6$$

$$\Rightarrow x = 108$$

$$\text{हिस्से का योगफल} = (2x + 3x + 6x + 8x) = 19 \times 108 = 2052$$

76. Answer: b

Explanation:

सभी पांच कंपनियों की मोटर साइकिलों की कुल मांग = $50 + 45 + 60 + 65 + 55 = 275$

मोटर साइकिलों की औसत मांग = $275/5 = 55$

$\therefore$ D कंपनियों की संख्या 3 (A, C और D) है।

77. Answer: b

Explanation:

8 की विभाज्यता नियम $\Rightarrow$ एक संख्या 8 से विभाज्य है यदि इसके अंतिम तीन अंक 8 से विभाज्य हैं

9 का विभाज्यता नियम $\Rightarrow$ एक संख्या 9 से विभाज्य है यदि इसके अंकों का योग 9 से विभाज्य है।

10 - अंकीय संख्या $5432y1749x$, 72 से विभाज्य है, इसलिए हम संख्या को 8 और 9 से भी विभाज्य कह सकते हैं, संख्या $49x$ के अंतिम तीन - अंक 8 से विभाज्य है यदि $x = 6$

10 - अंकीय संख्या $5432y17496$, 9 से विभाज्य है यदि इसके अंकों का योग 9 से विभाज्य है, इसलिए

$$\Rightarrow 5 + 4 + 3 + 2 + y + 1 + 7 + 4 + 9 + 6$$

$$\Rightarrow 41 + y$$

यदि हम $y = 4$ रखते हैं तो संख्या 45 हो जाती है जो 9 से विभाज्य है, इसलिए $y = 4$

अब,

$$\Rightarrow 5x - 4y$$

$$\Rightarrow 5 \times 6 - 4 \times 4$$

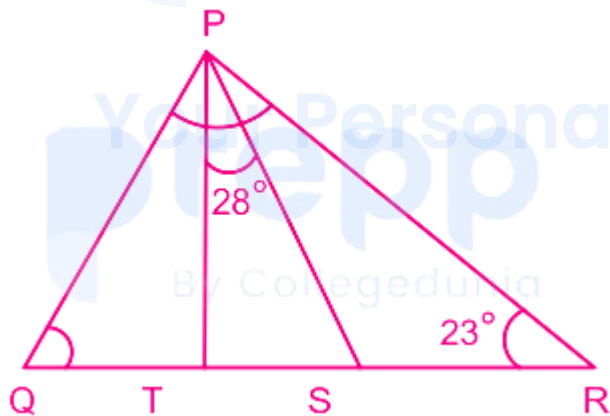
$$\Rightarrow 30 - 16$$

$$\Rightarrow 14$$

78. Answer: c

Explanation:

दिया हुआ :



$$\angle Q > \angle R$$

$$PT \perp QR$$

$$\angle SPT = 28 \text{ and } \angle R = 23^\circ$$

$\angle P$ की समद्विभाजक PS है i.e. $\angle QPS = \angle SPR$

गणना :

ΔPTS में

$$\angle PTS + \angle TPS + \angle PST = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle PST = 180^\circ - 118^\circ = 62^\circ$$

अब,

$$\angle PST + \angle PSR = 180^\circ \text{ (रैखिक युग्म)}$$

$$\Rightarrow \angle PSR = 118^\circ$$

ΔPSR में

$$\angle SPR = 180 - (118 + 23) = 39^\circ = \angle QPS$$

ΔPQS में

$$\angle Q = 180^\circ - (39 + 62) = 79^\circ$$

 **Shortcut Trick**

$$(\angle Q - \angle R)/2 = \angle SPT$$

$$\Rightarrow (\angle Q - 23^\circ)/2 = 28$$

$$\Rightarrow (\angle Q - 23^\circ) = 28^\circ \times 2 = 56^\circ$$

$$\Rightarrow \angle Q = 56^\circ + 23^\circ$$

$$\Rightarrow \angle Q = 79^\circ$$

79. **Answer: c**

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{गोले का आयतन} = \left(\frac{4}{3}\right) \times \pi r^3$$

$$\text{अर्द्धगोले का आयतन} = \left(\frac{2}{3}\right) \times \pi r^3$$

माना अर्द्धगोले की त्रिज्या r सेमी है।

गोले की त्रिज्या जिसे अर्द्धगोले से काटकर निकाला जाता है $= r/2$ सेमी

$$\text{अर्द्धगोले का आयतन} = \left(\frac{2}{3}\right) \times \pi r^3$$

$$\text{गोले का आयतन} = \left(\frac{4}{3}\right) \times \pi \times (r/2)^3 = \left(\frac{4}{3}\right) \times \pi \times (r^3/8) = \left(\frac{1}{6}\right) \pi r^3$$

$$\text{शेष ठोस का आयतन} = \left(\frac{2}{3}\right) \times \pi r^3 - \left(\frac{1}{6}\right) \pi r^3 = \left(\frac{1}{2}\right) \pi r^3$$

$$\text{गोले के आयतन और शेष ठोस के आयतन का अनुपात} = \left(\frac{1}{6}\right) \pi r^3 : \left(\frac{1}{2}\right) \pi r^3 = 1 : 3$$

80. Answer: d

Explanation:

कंपनी A, C और E की मोटरसाइकिल की कुल मांग $= 50 + 60 + 55 = 165$

कंपनी B और C की मोटरसाइकिलों का कुल उत्पादन $= 38 + 72 = 110$

आवश्यक अनुपात $= 165 : 110 = 3 : 2$

81. Answer: c

Explanation:

माना कि वस्तु का लागत मूल्य x रुपये है।

$$\text{वस्तु का विक्रय मूल्य} = x \times (132/100) = 1.32x$$

$$\text{वस्तु का चिह्नित मूल्य} = 1.32x \times (100/88) = 1.5x$$

$$\therefore \text{लागत मूल्य और चिह्नित मूल्य के बीच का अपेक्षित अनुपात} = x : 1.5x = 2 : 3$$

82. Answer: a

Explanation:

माना वस्तु का क्रय मूल्य x है

वस्तु का विक्रय मूल्य $= x \times (123/100) = 123x$

वस्तु का अंकित मूल्य $= 123x \times (100/82) = 150x$

लाभ $= 123x - 100x = 23x$

$\Rightarrow 23x = 18.40$

$\Rightarrow x = 18.40/23 = 0.8$

वस्तु का अंकित मूल्य $= 150 \times 0.8 = 120$

83. Answer: c

Explanation:

माना ट्रेन A की गति x किमी/घंटा है।

A की पहले और बाद में गति का अनुपात $= x : 2x$

जैसा कि हम जानते हैं,

समय गति के व्युत्क्रमानुपाती होता है।

A की, दूरी तय करने के पहले और बाद में गति का अनुपात $= 2x : x$

समयांतर $= 2x - x = 2\frac{2}{3} + 1\frac{1}{3}$

$\Rightarrow x = 8/3 + 4/3$

$\Rightarrow x = 12/3$

$$\Rightarrow x = 4 \text{ घंटे}$$

दूरी को तय करने में A द्वारा लिया गया समय = $2x = 2 \times 4 = 8$ घंटे

$$\text{ट्रेन A की गति} = 416/8 = 52 \text{ किमी/घंटा}$$

84. Answer: a

Explanation:

कंपनी C, D और E की की मोटरसाइकिलों का कुल उत्पादन = $72 + 75 + 40 = 187$

सभी पांच कंपनियों की मोटरसाइकिलों की कुल मांग = $50 + 45 + 60 + 65 + 55 = 275$

$$\text{अभीष्ट प्रतिशत} = [(275 - 187/275)] \times 100 = 32\%$$

85. Answer: d

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{लाभ} = \text{धन} \times \text{समय}$$

A, B और C 2 : 3 : 5 के अनुपात में अपनी पूँजी के साथ एक व्यवसाय शुरू किया।

माना कि A, B और C ने 20k : 30k : 50k के अनुपात में अपनी पूँजी के साथ एक व्यवसाय शुरू किया।

वर्ष के अंत में A द्वारा निवेश किया गया कुल धन = $20k \times 4 + 20k \times (3/2) \times 8 = 80k + 240k = 320k$

वर्ष के अंत में B द्वारा निवेश किया गया कुल धन = $30k \times 6 + 30k \times (4/3) \times 6 = 180k + 240k = 420k$

वर्ष के अंत में C द्वारा निवेश किया गया कुल धन = $50k \times 8 + 50k \times (1/2) \times 4 = 400k + 100k = 500k$

A, B और C के लाभ का अनुपात = $320k : 420k : 500k = 16k : 21k : 25K$

$$\Rightarrow 16k + 21k + 25k = 86800$$

$$\Rightarrow 62k = 86800$$

$$\Rightarrow k = 86800/62$$

$$\Rightarrow k = 1400$$

$$\Rightarrow 25k - 16k$$

$$\Rightarrow 9k$$

$$\Rightarrow 9 \times 1400$$

$$\Rightarrow 12600$$

86. Answer: b

Explanation:

विस्तृत हल :

$$\sec \theta + \tan \theta = p \quad \text{-----(1)}$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$$

$$\Rightarrow (\sec \theta + \tan \theta) (\sec \theta - \tan \theta) = 1$$

$$\Rightarrow (\sec \theta - \tan \theta) = 1/p \quad \text{-----(2)}$$

समीकरण (1) और समीकरण (2) को जोड़ते हैं

$$\Rightarrow 2 \sec \theta = p + 1/p$$

$$\Rightarrow 2 \sec \theta = (p^2 + 1)/p$$

$$\Rightarrow \sec \theta = (p^2 + 1)/2p$$

$$\Rightarrow \cos \theta = 2p/(p^2 + 1)$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\Rightarrow \sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$$

$$\Rightarrow \sin^2 \theta = 1 - [2p/(p^2 + 1)]^2$$

$$\Rightarrow \sin^2 \theta = [(p^2 + 1)^2 - 4p^2]/(p^2 + 1)^2 = [p^4 + 1 + 2p^2 - 4p^2]/(p^2 + 1)^2 = (p^2 - 1)^2/(p^2 + 1)^2$$

$$\Rightarrow \sin \theta = \sqrt{[(p^2 - 1)^2/(p^2 + 1)^2]} = (p^2 - 1)/(p^2 + 1)$$

$$\Rightarrow \operatorname{cosec} \theta = (p^2 + 1)/(p^2 - 1)$$

योगंतरानुपात नियम से,

$$\Rightarrow (\operatorname{cosec} \theta + 1)/(\operatorname{cosec} \theta - 1) = (p^2 + 1 + p^2 - 1)/(p^2 + 1 - p^2 + 1) = 2p^2/2 = p^2$$

छोटा तरीका :

$$\sec \theta + \tan \theta = p$$

$\theta = 45$ मान रखते हैं,

$$\Rightarrow p = \sec 45 + \tan 45$$

$$\Rightarrow p = \sqrt{2} + 1$$

अब, $(\operatorname{cosec} \theta + 1)/(\operatorname{cosec} \theta - 1)$

$$\Rightarrow (\operatorname{cosec} 45 + 1)/(\operatorname{cosec} 45 - 1)$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2} + 1)/(\sqrt{2} - 1)$$

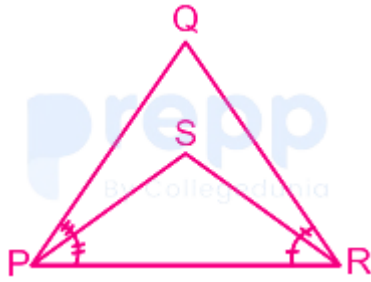
$$\Rightarrow [(\sqrt{2} + 1)/(\sqrt{2} - 1)] \times [(\sqrt{2} + 1)/(\sqrt{2} + 1)]$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2} + 1)^2$$

$$\Rightarrow p^2$$

87. Answer: d

Explanation:



$$\angle PSR = 90 + \angle Q/2$$

$$\Rightarrow 125 = 90 + \angle Q/2$$

$$\Rightarrow \angle Q/2 = 125 - 90$$

$$\Rightarrow \angle Q = 35 \times 2 = 70$$

88. Answer: d

Explanation:

$$\text{विषय B और D में प्राप्त किये गए अंकों के बीच अंतर} = [(84^\circ - 72^\circ)/360^\circ] \times 600 = [12^\circ/360^\circ] \times 600 = 20$$

89. Answer: b

Explanation:

प्रश्नानुसार,

$$\Rightarrow c/a = 9/2$$

या

$$\Rightarrow c : a = 9k : 2k$$

$$\Rightarrow b = 9/2 - 23/6$$

$$\Rightarrow b = (27 - 23)/6$$

$$\Rightarrow b = 4/6 = 2/3$$

$$\text{अब, } (a + b + c) = 19/12$$

$$\Rightarrow a + (2/3) + c = 19/12$$

$$\Rightarrow a + c = 19/12 - 2/3$$

$$\Rightarrow a + c = (19 - 8)/12$$

$$\Rightarrow a + c = 11/12$$

$$\Rightarrow 2k + 9k = 11/12$$

$$\Rightarrow 11k = 11/12$$

$$\Rightarrow k = 1/12$$

$$\Rightarrow a = 2k = 2 \times (1/12) = 1/6$$

$$\Rightarrow c = 9k = 9 \times (1/12) = 3/4$$

$$\text{अब, } (2a + b - c)$$

$$\Rightarrow 2/6 + 2/3 - 3/4$$

$$\Rightarrow (4 + 8 - 9)/12$$

$$\Rightarrow (12 - 9)/12$$

$$\Rightarrow 3/12$$

$$\Rightarrow 1/4$$

90. Answer: b

Explanation:

$$\operatorname{cosec}(67^\circ + \theta) - \sec(23^\circ - \theta) + \cos 15^\circ \cos 35^\circ \operatorname{cosec} 55^\circ \cos 60^\circ \operatorname{cosec} 75^\circ$$

$$\Rightarrow \operatorname{cosec}(67^\circ + \theta) - \operatorname{cosec}[90^\circ - (23^\circ - \theta)] + \cos 15^\circ \cos 35^\circ \sec(90^\circ - 55^\circ) \cos 60^\circ \sec(90^\circ - 75^\circ)$$

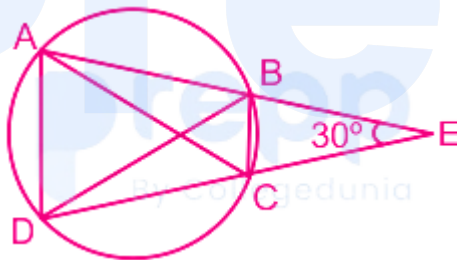
$$\Rightarrow \operatorname{cosec}(67^\circ + \theta) - \operatorname{cosec}(67^\circ + \theta) + \cos 15^\circ \cos 35^\circ \sec 35^\circ \cos 60^\circ \sec 15^\circ$$

$$\Rightarrow \cos 15^\circ \times \cos 35^\circ \times (1/\cos 35^\circ) \times (1/2) \times (1/\cos 15^\circ)$$

$$\Rightarrow 1/2$$

91. Answer: c

Explanation:



दिया है, $\angle CAE = 34^\circ$, $\angle E = 30^\circ$

$\angle ADC = 90^\circ$ [$\because$ AC एक व्यास है]

$\triangle AEC$ में

$$\angle CAE + \angle AEC + \angle ACE = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 34^\circ + 30^\circ + \angle ACE = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ACE = 180^\circ - 64^\circ = 116^\circ$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\angle DCA + \angle ACE = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle DCA + 116 = 180$$

$$\Rightarrow \angle DCA = 180 - 116 = 64$$

ΔDAC में

$$\angle DAC + \angle ADC + \angle DCA = 180$$

$$\Rightarrow \angle DAC + 90 + 64 = 180$$

$$\Rightarrow \angle DAC = 180 - 90 - 64 = 26$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\Rightarrow \angle DAC = \angle CBD = 26 \quad [\because \text{कोण समान चाप द्वारा समान रूप से बनाये गये हैं}]$$

92. Answer: c

Explanation:

सभी पाँच विषयों में छात्र द्वारा प्राप्त किये गए अंक = 600

$$\text{औसत अंक} = 600/5 = 120$$

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{कोण को 120 अंकों द्वारा दर्शाया जाता है} = (360/600) \times 120 = 72^\circ$$

केवल विषय E और B में औसत अंक से अधिक अंक प्राप्त होते हैं।

93. Answer: a

Explanation:

$$0.4\overline{7} + 0.5\overline{03} - 0.3\overline{9} \times 0.\overline{8}$$

$$\Rightarrow 0.4\overline{7} + 0.5\overline{03} - \frac{39-3}{90} \times \frac{8}{9}$$

$$\Rightarrow 0.4\bar{7} + 0.5\bar{03} - \frac{36}{90} \times \frac{8}{9}$$

$$\Rightarrow 0.4\bar{7} + 0.5\bar{03} - \frac{32}{90}$$

$$\Rightarrow 0.4\bar{7} + 0.5\bar{03} - 0.3\bar{5}$$

$$\begin{array}{r} + 0.4\bar{77} \\ + 0.5\bar{03} \\ - 0.3\bar{55} \\ \hline 0.6\bar{25} \end{array}$$

$$\Rightarrow 0.6\bar{25}$$

या

$$\Rightarrow 0.4\bar{7} + 0.5\bar{03} - 0.3\bar{9} \times 0.8$$

$$\Rightarrow \frac{47-4}{90} + \frac{503-5}{990} - \frac{39-3}{90} \times \frac{8}{9}$$

$$\Rightarrow \frac{43}{90} + \frac{498}{990} - \frac{36}{90} \times \frac{8}{9}$$

$$\Rightarrow \frac{43}{90} + \frac{498}{990} - \frac{32}{90}$$

$$\Rightarrow (473 + 498 - 352)/990$$

$$\Rightarrow 619/990$$

$$\Rightarrow 0.6\bar{25}$$

94. Answer: c

Explanation:

जैसा कि हम जानते हैं,

$$\text{बेलन का आयतन} = \pi r^2 h$$

यदि त्रिज्या में 20% की वृद्धि की जाती है, तब नयी त्रिज्या = $r \times (120/100) = 1.2r$

माना ऊंचाई में x% की कमी की जाती है तब नयी ऊंचाई = $h \times (100 - x)/100$

प्रश्नानुसार

$$\pi(1.2r)^2 \times h \times [(100 - x)/100] = \pi r^2 h$$

$$\Rightarrow 1.44 [(100 - x)/100] = 1$$

$$\Rightarrow (100 - x) = 100/1.44$$

$$\Rightarrow x = 100 - 100/1.44$$

$$\Rightarrow x = 44/1.44$$

$$\Rightarrow x = 30\frac{5}{9}$$

छोटा तरीका :

$$20\% = 1/5$$

$$\begin{array}{r} 5 \quad 6 \\ 5 \quad 6 \\ \hline 25 \quad 36 \end{array}$$

$$\text{अभीष्ट प्रतिशत} = [(36 - 25)/36] \times 100 = 30\frac{5}{9}$$

95. Answer: d

Explanation:

x और y का म.स.प. = 12

माना $x = 12a$ और $y = 12b$

दिया है,

$$12a - 12b = 60$$

$$\Rightarrow (a - b) = 60/12$$

$$\Rightarrow a - b = 5$$

$$x \text{ और } y \text{ का ल.स.प.} = 12 \times 204$$

$$\Rightarrow 12ab = 12 \times 204$$

$$\Rightarrow ab = 204$$

a और b के संभावित मान जिसका अंतर 5 हो सकता है, 17 और 12 हैं

$$12a + 12b$$

$$\Rightarrow 12(a + b)$$

$$\Rightarrow 12(17 + 12)$$

$$\Rightarrow 12 \times 29$$

$$\Rightarrow 348$$

96. Answer: d

Explanation:

C और E विषय में संयुक्त रूप से छात्र द्वारा प्राप्त किये गए कुल अंक = $68^\circ + 76^\circ = 144^\circ$

A और D विषय में छात्र द्वारा प्राप्त किये गए कुल अंक = $60^\circ + 72^\circ = 132^\circ$

$$\text{अभीष्ट प्रतिशत} = [(144 - 132)/132] \times 100 = 9.09\%$$

97. Answer: c

Explanation:

लघु विधि:

$$\frac{\sec^2 \theta}{\operatorname{cosec}^2 \theta} + \frac{\operatorname{cosec}^2 \theta}{\sec^2 \theta} - (\sec^2 \theta + \operatorname{cosec}^2 \theta)$$

$$\Rightarrow \text{Put } \theta = 45$$

$$\Rightarrow \frac{\sec^2 45}{\operatorname{cosec}^2 45} + \frac{\operatorname{cosec}^2 45}{\sec^2 45} - (\sec^2 45 + \operatorname{cosec}^2 45)$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2}/\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2}/\sqrt{2})^2 - [(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2]$$

$$\Rightarrow 1 + 1 - [2 + 2]$$

$$\Rightarrow 2 - 4$$

$$\Rightarrow -2$$

विस्तृत हल:

$$\frac{\sec^2 \theta}{\operatorname{cosec}^2 \theta} + \frac{\operatorname{cosec}^2 \theta}{\sec^2 \theta} - (\sec^2 \theta + \operatorname{cosec}^2 \theta)$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{1}{\cos^2 \theta}}{\frac{1}{\sin^2 \theta}} + \frac{\frac{1}{\sin^2 \theta}}{\frac{1}{\cos^2 \theta}} - \left(\frac{1}{\cos^2 \theta} + \frac{1}{\sin^2 \theta} \right)$$

$$\Rightarrow \sin^2 \theta / \cos^2 \theta + \cos^2 \theta / \sin^2 \theta - (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta) / \sin^2 \theta \cos^2 \theta$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta + \cot^2 \theta - 1 / (\sin^2 \theta \cos^2 \theta)$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta + \cot^2 \theta - \operatorname{cosec}^2 \theta \sec^2 \theta$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta + \operatorname{cosec}^2 \theta - 1 - \sec^2 \theta \operatorname{cosec}^2 \theta$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta - 1 + \operatorname{cosec}^2 \theta (1 - \sec^2 \theta)$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta - \operatorname{cosec}^2 \theta \tan^2 \theta - 1$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta (1 - \operatorname{cosec}^2 \theta) - 1$$

$$\Rightarrow \tan^2 \theta (-\cot^2 \theta) - 1$$

$$\Rightarrow (-1) - 1$$

$$\Rightarrow (-2)$$

98. Answer: b

Explanation:

$$(5x + 2y) : (10x + 3y) = 5 : 9$$

$$\Rightarrow (5x + 2y) / (10x + 3y) = 5/9$$

$$\Rightarrow 9 \times (5x + 2y) = 5 \times (10x + 3y)$$

$$\Rightarrow 45x + 18y = 50x + 15y$$

$$\Rightarrow 50x - 45x = 18y - 15y$$

$$\Rightarrow 5x = 3y$$

$$\Rightarrow x : y = 3 : 5$$

$$\text{माना } x = 3 \text{ और } y = 5$$

$$\text{अब, } (2x^2 + 3y^2) : (4x^2 + 9y^2)$$

$$(2 \times 3^2 + 3 \times 5^2) : (4 \times 3^2 + 9 \times 5^2)$$

$$\Rightarrow (2 \times 9 + 3 \times 25) : (4 \times 9 + 9 \times 25)$$

$$\Rightarrow (18 + 75) : (36 + 225)$$

$$\Rightarrow 93 : 261$$

$$\Rightarrow 31 : 87$$

99. Answer: b

Explanation:

गणना:

$$\frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{5} + \sqrt{2} - \sqrt{7}} - \sqrt{\frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2}} - \frac{3}{\sqrt{7}-2}$$

$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{5} + \sqrt{2} - \sqrt{7}} \times \frac{(\sqrt{5} + \sqrt{2}) + \sqrt{7}}{(\sqrt{5} + \sqrt{2}) + \sqrt{7}} - \sqrt{\frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2}} \times \frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}-2} - \frac{3}{\sqrt{7}-2} \times \frac{\sqrt{7}+2}{\sqrt{7}+2}$$

$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{10}(\sqrt{5} + \sqrt{2} + \sqrt{7})}{(\sqrt{5} + \sqrt{2})^2 - (\sqrt{7})^2} - \sqrt{\frac{(\sqrt{5}-2)^2}{(\sqrt{5})^2 - 2^2}} - \frac{3(\sqrt{7}+2)}{(\sqrt{7})^2 - 2^2}$$

$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{10}(\sqrt{5} + \sqrt{2} + \sqrt{7})}{5 + 2 + 2\sqrt{10}-7} - \frac{(\sqrt{5}-2)}{5-4} - \frac{3(\sqrt{7}+2)}{7-4}$$

$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{10}(\sqrt{5} + \sqrt{2} + \sqrt{7})}{2\sqrt{10}} - (\sqrt{5} - 2) - \frac{3(\sqrt{7}+2)}{3}$$

$$\Rightarrow \sqrt{5} + \sqrt{2} + \sqrt{7} - \sqrt{5} + 2 - \sqrt{7} - 2$$

$\therefore \Rightarrow$ आवश्यक मान $\sqrt{2}$ है

100. Answer: d

Explanation:

50 किग्रा से कम वजन वाले छात्रों की संख्या = 40 + 30 = 70

55 किग्रा या उससे अधिक वजन वाले छात्रों की संख्या = 55 + 45 + 25 = 125

अभीष्ट प्रतिशत = $[(125 - 70)/125] \times 100 = 44\%$

Your Personal Exams Guide